



EUROPA-FACHBUCHREIHE
für Kraftfahrzeugtechnik

Tabellenbuch Kraftfahrzeugtechnik

Tabellen

Formeln

Übersichten

Normen

- **Mathematik** • **Betriebsführung** • **Grundkenntnisse** • **Werkstoffkunde**
- **Zeichnen** • **Fachkenntnisse Kraftfahrzeugtechnik** • **Elektrische Anlage**
- **Vorschriften**

17. Auflage (A), als Ausgabe für Österreich

Lektorat: Rolf Gscheidle, Studiendirektor

Bearbeiter der Ausgabe für Österreich:

Ing. Michael Hanzmann, MSc, Himberg

Das Unterrichtsmittel „Tabellenbuch Kraftfahrzeugtechnik“ ist gemäß § 9 Abs. 1 und 2 der Verordnung zur Eignungserklärung von Unterrichtsmitteln, BGBl. Nr. 248/98, § 14 Abs. 2 und 5, sowie § 15 des Schulunterrichtsgesetzes, BGBl. Nr. 52/2010, und gemäß den derzeit geltenden Lehrplänen als für den Unterrichtsgebrauch an Berufsschulen für den modularen Lehrberuf Kraftfahrzeugtechnik sowie für den Lehrberuf Land- und Baumaschinentechnik in den Unterrichtsgegenständen des Fachunterrichts approbiert.

Appr.Z.: 41.314/3-I/9/92, 41.314/6-V/2/94, 5.012/0033-Präs.8/2010

FS FACHBUCH

Verlag und Vertriebs Gesellschaft mbH, Wien

Buch-Nr.: 0327

Autoren des Tabellenbuches Kraftfahrzeugtechnik:

Fischer, Richard	Studiendirektor	Polling – München
Gscheidle, Rolf	Studiendirektor	Winnenden
Gscheidle, Tobias	Studiendirektor	Sindelfingen – Stuttgart
Heider, Uwe	Kfz-Elektriker-Meister, Trainer Audi AG	Neckarsulm – Ellhofen
Hohmann, Berthold	Studiendirektor	Eversberg
van Huet, Achim	Oberstudienrat	Oberhausen – Essen
Keil, Wolfgang	Oberstudiendirektor	München
Lohuis, Rainer	Oberstudienrat	Hückelhoven – Aachen
Mann, Jochen	Studiendirektor	Schorndorf
Schlögl, Bernd	Studiendirektor	Rastatt – Gaggenau
Steidle, Bernhard	Studiendirektor	Stuttgart – Neckarsulm
Wimmer, Alois	Oberstudienrat	Berghülen

Lektorat und Leitung des Arbeitskreises:

Rolf Gscheidle, Studiendirektor, Winnenden

Bildbearbeitung:

Zeichenbüro des Verlages Europa-Lehrmittel, Ostfildern

Bearbeiter der Ausgabe für Österreich:

Ing. Michael Hanzmann, MSc, Himberg

Dem Tabellenbuch wurden die neuesten Ausgaben der ÖNORM-, DIN-Blätter sowie ISO-Empfehlungen und andere Regelwerke zugrunde gelegt.

Die ÖNORM-Blätter können bezogen werden bei: Österreichisches Normungsinstitut, Heinestraße 38, A-1020 Wien.

17. Auflage 2018

Druck 6 5 4 3 2 1

Alle Drucke dieser Auflage sind im Unterricht nebeneinander einsetzbar, da sie bis auf die korrigierten Druckfehler und kleine Normänderungen unverändert sind.

Alle Rechte vorbehalten. Das Werk ist urheberrechtlich geschützt. Jede Verwertung außerhalb der gesetzlich geregelten Fälle muss vom Verlag schriftlich genehmigt werden.

© 2018 by Verlag Europa-Lehrmittel, Nourney, Vollmer GmbH & Co. KG, 42781 Haan-Gruiten
<http://www.europa-lehrmittel.de>

Satz und Layout: rkt, 42799 Leichlingen, www.rktypo.com

Umschlag: braunwerbeagentur, 43477 Radevormwald

Umschlagfotos: Daimler AG, Stuttgart und © Anna Om – Fotolia.com

Druck: M.P. Media-Print Informationstechnologie GmbH, 33100 Paderborn

Vorwort

Die neu gestaltete und umfassend überarbeitete Auflage des Tabellenbuches Kraftfahrzeugtechnik dient als Nachschlagewerk von kraftfahrzeugtechnischen Problemstellungen in Service, Reparatur, Diagnose sowie Um- und Nachrüstung. Alle technisch aktuellen Themen wurden neu aufgenommen und die Bilder und Tabellen sind nach methodischen und didaktischen Gesichtspunkten gestaltet.

Zielgruppen

Auszubildende, Facharbeiter, Techniker, Meister und Studierende des Bereiches Kraftfahrzeugtechnik.

Hinweise für den Benutzer

Inhaltsverzeichnis. Zum schnellen Aufsuchen von Sachverhalten ist ein ausführliches Inhaltsverzeichnis vorangestellt.

Sachwortverzeichnis. Es ermöglicht ein rasches Auffinden von Inhalten und Begriffen.

Griffleiste. Um ein schnelles Auffinden der 8 Sachgebiete zu ermöglichen, ist jedem Abschnitt eine Griffmulde zugeordnet.

Inhalt

Mathematik. Das Kapitel ist gegliedert in allgemeine Grundlagen und fachspezifische Berechnungen am Kraftfahrzeug.

Bei den Formeln werden zwei Gleichungsarten unterschieden:

- Größengleichungen nach DIN 1313 (**rot** umrahmt)
- Zahlenwertgleichungen (**blau** umrahmt).

Hinweis: Bei Zahlenwertgleichungen müssen die Größen in den angegebenen Einheiten eingesetzt werden.

Betriebsführung. In diesem Kapitel werden Grundlagen, Auftragsabwicklung, Qualitätssicherung und Kostenrechnen behandelt.

Grundkenntnisse. In diesem Kapitel sind Grundkenntnisse der Physik, Chemie, Informationstechnik sowie des Steuerns und Regelns tabellarisch dargestellt. Ebenso sind metalltechnische Grundlagen, Fügeverfahren, Normteile und die Grundlagen der Zerspantechnik übersichtlich zusammengestellt.

Werkstoffkunde. Aufbau, Herstellung und Arten von Kraftstoffen sowie weitere Betriebs- und Hilfsstoffe sind nach neuester Norm zusammengestellt. Aktuelle Kühlfähigkeiten, Kältemittel und AdBlue wurden aufgenommen.

Zeichnen. Hier sind geometrische Grundkonstruktionen, grafische Darstellungen und alle notwendigen Normen, Grenzabmaße und Passungen zum Technischen Zeichnen aufgeführt.

Fachkenntnisse. Dieses Kapitel umfasst wichtige kraftfahrzeugtechnische Inhalte, dargestellt in tabellarischer Form. Vorangestellt sind Tabellen mit Fahrzeugdaten von Pkw, Krafträder, Nkw und Traktoren.

In den Unterkapiteln **Motor, Antriebsstrang, Fahrwerk** und **Fahrzeugbau** sind technische Neuerungen, wie z. B. Kühl-, Schmier- und Gemischbildungssysteme, Abgasnachbehandlung, Hybridantriebe, E-Maschine, IT-Netz, Freischalten von Elektrofahrzeugen, automatisierte Schaltgetriebe, Reifen, Ventile, Abschnittsreparatur, Lackieren sowie EBS-Druckluftbremsanlage, neu aufgenommen.

Elektrische Anlage. Hier sind alle wichtigen elektrischen Geräte und Systeme behandelt. Neu aufgenommen sind: Neue Bus- und Komfortsysteme, Hochvolt-Technik, Fehlersuchpläne, Fahrerassistenzsysteme.

Vorschriften. In diesem Kapitel sind wichtige kraftfahrzeugtechnische Vorschriften sowie Vorschriften zur Unfallverhütung nach den neuesten technischen und gesetzlichen Bestimmungen zusammengestellt, wie z. B. Gefährdungskennlinien, Vorschriften E-Mobilität, Nkw-Ladevorschriften, Ladungssicherung und Bremsenprüfung Nkw.

Inhaltsverzeichnis	5
--------------------	---

Mathematik	6 ... 96
------------	----------

Inhaltsverzeichnis	97
--------------------	----

Betriebsführung	98 ... 118
-----------------	------------

Inhaltsverzeichnis	119
--------------------	-----

Grundkenntnisse	120 ... 160
-----------------	-------------

Inhaltsverzeichnis	161
--------------------	-----

Werkstoffkunde	162 ... 198
----------------	-------------

Inhaltsverzeichnis	199
--------------------	-----

Zeichnen	200 ... 216
----------	-------------

Inhaltsverzeichnis	217
--------------------	-----

Fachkenntnisse	218 ... 426
----------------	-------------

Inhaltsverzeichnis	427
--------------------	-----

Elektrische Anlage	428 ... 514
--------------------	-------------

Inhaltsverzeichnis	515
--------------------	-----

Vorschriften	516 ... 559
--------------	-------------

M

B

G

W

Z

F

E

V

Firmenverzeichnis

Die nachfolgend aufgeführten Firmen haben die Autoren durch fachliche Beratung, durch Informations- und Bildmaterial unterstützt. Es wird ihnen hierfür herzlich gedankt.

Alcan Aluminiumwerke GmbH
Werk Nürnberg

ARAL AG, Bochum

Audatex Deutschland, Minden

Audi AG
Ingoldstadt, Neckarsulm

Behr GmbH & Co, Stuttgart

Beissbarth GmbH
Automobil Servicegeräte
München

Beru-BorgWarner
Federal-Mogul
Ludwigsburg

BMW
Bayrische Motoren-Werke AG
München

Continental Teves AG & Co, OHG
Frankfurt

ROBERT BOSCH GMBH, Stuttgart

Case-Steyr
Landmaschinentechnik GmbH
St.Valentin Österreich

Citroen Deutschland AG, Köln

Continental Aftermarket GmbH,
Eschborn

Daimler AG, Stuttgart

Dataliner Richtsysteme
Ahlerstedt

DEKRA AG, Stuttgart

Deutsche BP AG, Hamburg

Deutsche Gesetzliche
Unfallversicherung
München

Deutz Fahr Agrarsysteme GmbH
Lauingen

Dhollandia Deutschland GmbH,
Glinde

Ducati Motor Deutschland
Köln

DUNLOP GmbH, Hanau/Main

J. Eberspächer, Esslingen

ESSO AG, Essen

FAG Kugelfischer
Georg Schäfer AG
Schweinfurt

Fendt Agro, Marktoberdorf

Ferrari Deutschland GmbH
Wiesbaden

Ford-Werke AG, Köln

Getrag, Getriebe- und
Zahnradfabrik GmbH
Ludwigsburg

Gewerbeaufsichtsamt
München-Land

GKN Löbro GmbH
Offenbach/Main

Glasurit GmbH
Münster, Westfalen

Graubremse GmbH, Heidelberg

Hella KG, Hueck & Co, Lippstadt

HONDA DEUTSCHLAND GMBH
Offenbach/Main

Huf Hülsbeck & Fürst
GmbH & Co KG
Velbert

Michael Immler GmbH
Immenstadt

IVECO-Magirus AG, Ulm

John Deere, Bruchsal

Josam Richttechnik GmbH
Henstedt-Ulzburg

Koch Achsmessanlagen
Wennigsen

MSI Motorservice
International GmbH
Kolbenschmidt
Pierburg / Neckarsulm

Knorr-Bremse GmbH
München

KTM Sportmotorcycles AG,
Mattighofen/Österreich

LuK GmbH, Bühl / Baden

MAHLE GmbH, Stuttgart

MAN Maschinenfabrik
Augsburg-Nürnberg AG, München

Mann und Hummel, Filterwerke
Ludwigsburg

Mazda Motors Deutschland GmbH
Leverkusen

MCC – Micro Compact Car GmbH
Böblingen

Messer-Griesheim GmbH
Frankfurt/Main

Metzeler Reifen GmbH,
Techn. Kundendienst
München

Michelin Reifenwerke
AG & Co KGaA
Karlsruhe

NGK, Ratingen

OMV AG, Wien

Adam Opel AG, Rüsselsheim

OZ Deutschland GmbH
Biberach

Piaggio Gilera Deutschland GmbH
Dieburg

Pirelli Deutschland GmbH
Breuberg

Dr .Ing. h.c. F. Porsche AG
Stuttgart

Renault Nissan Deutschland AG
Brühl

Ringfeder VBG Group
Truck Equipment
Krefeld

SCANIA Deutschland GmbH
Koblenz

Siemes Deutschland, München

SKF Kugellagerfabriken GmbH
Schweinfurt

Spicer Gelenkwellenbau GmbH
Essen

Subaru Deutschland GmbH
Friedberg/Hessen

Sun Electric Deutschland GmbH
Mettmann

Technolit GmbH, Großlüder

Temic Elektronik, Nürnberg

Toyota Deutschland GmbH
Köln

TÜV, München

Volkswagen AG, Wolfsburg

Wabco Westinghouse GmbH
Hannover

ZF Friedrichshafen AG
Freidrichshafen

ZF Getriebe GmbH
Saarbrücken

ZF Sachs AG, Schweinfurt

Grundlagen

Einheiten im Messwesen, Größen, Formelzeichen, Einheiten	6	M
Taschenrechner	10	
Winkelfunktionen	11	
Prozent-, Zins-, Verhältnis-, Mischungsrechnen	12	
Längen, Gestreckte Längen, Biegeradius, Kanten, Bördeln von Blechen	13	
Flächen, Volumen	16	

Mechanik · Hydraulik · Pneumatik · Wärmetechnik · Antriebe

Masse, Dichte, Kräfte	21	B
Geschwindigkeit, Beschleunigung, Verzögerung, Überholen	24	
Arbeit, Energie, Leistung, Wirkungsgrad	29	
Drehmoment, Hebel, Flaschenzug, Reibung, Festigkeit	31	
Druck, Hydraulik, Pneumatik, Wärmetechnik	37	
Riementrieb, Zahnradtrieb	44	G

Berechnungen Motor

Hubraum, Verdichtung, Kolbengeschwindigkeit, Gasdruck, Kolbenkraft, Kurbeltrieb	47	W
Steuerwinkel, Steuerzeiten, Ventilöffnungszeit, Gasgeschwindigkeit	50	
Luftverhältnis, Liefergrad, Luftverbrauch, Kraftstoffverbrauch	51	
Kraftstoffeinspritzmenge, Schmierölverbrauch, Mischungsverhältnis, Ölfördermenge	53	
Zugeführte Wärmemenge, Motorkühlung, Gefrierschutzmischung	54	
Motor-, Nutz- und Innenleistung, Wirkungsgrad, innere Arbeit, Hubraumleistung	55	

Berechnungen Antriebsstrang (Kraftübertragung)

Kupplung, Wechselgetriebe	61	Z
Achsgetriebe, Gesamtübersetzung	65	
Antriebskraft an den Antriebsrädern, Drehmoment, Leistung, Fahrgeschwindigkeit	66	
Ausgleichsgetriebe, Kreuzgelenke, Gelenkwellen	68	
Fahrwiderstände, Antriebskraft, Antriebsleistung, Fahrschaubild	70	

Berechnungen Fahrwerk

Achskräfte, Auflagerkräfte, Schwerpunktabstand, Federberechnung	74	F
Lenkung: Spur, Spurdifferenzwinkel, Lenkgetriebe, Gesamtübersetzung der Lenkung	77	
Bremsen: Mechanische, hydraulische Übersetzung, Leitungsdruck, Spannkraft	79	
Gesamtübersetzung, Umfangskraft, Bremsmoment, Trägheitskraft, Bremskraft	81	
Bremsarbeit, -leistung, -prüfung, Abbremsung	83	

Berechnungen Elektrotechnik

Ohmsches Gesetz, Widerstand	85	E
Spannungsabfall, Stromdichte, Leitungsberechnung	86	
Schaltung von Widerständen	87	
Spannungsteiler, Messbrücke (Wheatstonesche Brücke)	88	
Kondensatoren, Elektrische Leistung und Arbeit, Wirkungsgrad	89	
Batterie	90	
Magnetisches Feld, Elektrisches Feld	91	V
Wechselstrom	92	
Schaltung von Wechselstromwiderständen	93	
Stern- und Dreieckschaltung, Transformator, Antennen	94	
Elektronische Bauelemente, Winkel und Zeiten beim Zündvorgang	95	
Pulsweitenmodulation, Datenübertragung	96	

SI-Basiseinheiten

Die Einheiten im Messwesen sind im internationalen Einheitensystem (SI = System International d'Unités) festgelegt. Das SI-System baut auf 7 Basiseinheiten (Grundeinheiten) auf, von denen weitere Einheiten abgeleitet sind. Dezimale Vielfache und dezimale Teile von Einheiten können nach ÖNORM A 6432 bezeichnet werden, z. B. Kilometer mit km oder Millimeter mit mm.

Das SI-System fördert die internationale Vereinheitlichung im Messwesen; es wurde für die Republik Österreich durch das „Maß- und Eichgesetz“ rechtsverbindlich.

Basisgröße	Länge	Masse	Zeit	Elektrische Stromstärke	Thermodynamische Temperatur	Stoffmenge	Lichtstärke
Basiseinheit	Meter	Kilogramm	Sekunde	Ampere	Kelvin	Mol	Candela
Kurzzeichen	m	kg	s	A	K	mol	cd

Größen

Größe	Formelzeichen	Einheit		Umrechnung, Erklärung				
		Name	Zeichen					
Länge	<i>l</i>	Meter	m		m	dm	cm	mm
Breite	<i>b</i>			1 km	1000	10 000	100 000	1 000 000
Höhe, Tiefe	<i>h</i>			1 m	1	10	100	1 000
Radius, Halbmesser	<i>r</i>			1 dm	0,1	1	10	100
Durchmesser	<i>d</i>			1 cm	0,01	0,1	1	10
Strecke	<i>s</i>			1 mm	0,001	0,01	0,1	1
Dicke	<i>δ, d</i>			1 µm	0,000 001	0,000 01	0,000 1	0,001
Fläche	<i>A, S</i>			Quadratmeter	m²		m ²	dm ²
Querschnittsfläche	<i>S, q</i>	Ar	a	1 m ²	1	100	10 000	1 000 000
		Hektar	ha	1 dm ²	0,01	1	100	10 000
				1 cm ²	0,000 1	0,01	1	100
				1 km ²	1 000 000			
				1 ha = 100 a = 10 000 m² = 0,01 km²				
Volumen	<i>V</i>	Kubikmeter	m³		m ³	dm ³ (l)	cm ³ (ml)	mm ³
Rauminhalt		Liter	l, L	1 m ³	1	1 000	1 000 000	
				1 dm ³ (l)	0,001	1	1 000	1 000 000
				1 cm ³ (ml)	0,000 001	0,001	1	1 000
				1 mm ³		0,000 001	0,001	1
				1 l = 1 dm³ = 1 000 cm³				
Zeit	<i>t</i>	Sekunde	s		d	h	min	s
Zeitspanne		Minute	min	1 s		0,000 278	0,01667	1
Dauer		Stunde	h	1 min		0,01667	1	60
		Tag	d	1 h		0,041 67	1	3 600
		Jahr	a	1 d		1	24	1 440
				1 a		~365	~8 760	~525 600
								~31 536 000
				Zeitspanne: 3 h = 3 Stunden				
				Zeitpunkt: 3^h = 3:00 Uhr				
Winkel z.B. Phasenwinkel	<i>α, β, γ</i> ... <i>φ</i>	Radiant	rad	1 rad ist gleich dem Winkel, der als Zentriwinkel aus einem Kreis mit <i>R</i> = 1 m einen Kreisbogen von 1 m Länge ausschneidet				
		Vollwinkel		1 rad = $\frac{1 \text{ m (Bogen)}}{1 \text{ m (Radius)}}$ 1 rad ≈ 57,3°				
		Grad	°	1 Vollwinkel = 2 · π rad				
		Minute	'	1° = $\frac{\pi}{180}$ rad				
		Sekunde	"	1' = $\left(\frac{1}{60}\right)^\circ = \frac{\pi}{10 800}$ rad				
		Gon	gon	1" = $\left(\frac{1}{60}\right)' = \left(\frac{1}{360}\right)^\circ = \frac{\pi}{648 000}$ rad				
				1 gon = $\frac{\pi}{200}$ rad				

Größen								
Größe	Formelzeichen	Einheit		Umrechnung, Erklärung				
		Name	Zeichen					
Geschwindigkeit	v	Meter/Sekunde	m/s		m/s	m/min	km/h	
Umfangsgeschwindigkeit	v	Kilometer/Stunde	km/h	1 km/h	0,2778	16,667	1	
Lichtgeschwindigkeit	c			1 m/min	0,01667	1	0,06	
Winkelgeschwindigkeit	ω	Radian/ Sekunde	rad/s	1 m/s	1	60	3,6	
				1 cm/s	0,01	0,6	0,036	
Frequenz	f, ν	Hertz	Hz	Anzahl periodischer Vorgänge pro Sekunde				
		reziproke Sekunde	1/s	1 Hz = 1/s = s ⁻¹				
Drehzahl	n	reziproke Minute	1/min	1/s = 60/min				
Kreisfrequenz	ω	reziproke Sekunde	1/s	$\omega = 2 \cdot \pi \cdot f$				
Periodendauer	T	Sekunde	s					
Beschleunigung	a	Meter/Sekunde hoch zwei	m/s ²	Wirkungsrichtung: Beliebig				
örtliche Fallbeschleunigung	g			Wirkungsrichtung: Zum Erdmittelpunkt $g = 9,80665 \text{ m/s}^2 \approx 9,81 \text{ m/s}^2$ wird meist als Normfallbeschleunigung angegeben.				
Winkelbeschleunigung	α	Radian/ Sekunde hoch zwei	rad/s ²					
Masse	m	Kilogramm	kg		g	kg	Mg (t)	
Gewicht als Wägeregebnis		Gramm	g	1 kg	1 000	1	0,001	
		Tonne	t	1 g	1	0,001	0,000 001	
				1 Mg (t)	1 000 000	1 000	1	
längenbezogene Masse	m'	Kilogramm/Meter	kg/m	$m = l \cdot m'$ m' wird z.B. zur Berechnung der Masse von Profilen, Stäben und Rohren benutzt.				
flächenbezogene Masse	m''	Kilogramm/ Quadratmeter	kg/m ²	$m = A \cdot m''$ m'' wird z.B. zur Berechnung der Masse von Blechen und Platten verwendet.				
Dichte	ρ	Kilogramm/ Kubikmeter	kg/m ³		g/cm ³	kg/dm ³	kg/m ³	
				1 kg/m ³	0,001	0,001	1	
		Kilogramm/ Kubikdezimeter	kg/dm ³	1 kg/dm ³	1	1	1 000	
				1 g/cm ³	1	1	1 000	
		Gramm/ Kubikzentimeter	g/cm ³	1 kg/l	1	1	1 000	
				1 g/l	0,001	0,001	1	
spezifisches Volumen	v	Kubikmeter/ Kilogramm	m ³ /kg	1 m³/kg = 1 000 dm³/kg = 1 dm³/g				
Stoffmenge	n	Mol	mol	Teilchenmenge = 6,022 · 10 ²³ Teilchen				
Kraft	F	Newton	N		mN	N	daN	kN
Gewichtskraft	F_G, G			1 mN	1	0,001	0,000 1	0,000 001
				1 N	1 000	1	0,1	0,001
				1 kN	1 000 000	1 000	100	1
				1 MN	10 ⁹	1 000 000	100 000	1 000
				1 N = 1 kg · 1 m/s² = 1 kg m/s²				
Drehmoment	M	Newtonmeter	Nm		Ncm	Nm	kNm	
				1 Ncm	1	0,01	0,000 01	
				1 Nm	100	1	0,001	
				1 kNm	100 000	1 000	1	

M

B

G

W

Z

F

E

V

Größen

Größe	Formelzeichen	Einheit		Umrechnung, Erklärung																				
		Name	Zeichen																					
Temperatur	T t	Kelvin Celsius	K °C	0 Kelvin = 0 K = -273 °C 0 °Celsius = 0 °C = 273 K																				
Arbeit Energie Wärmemenge	W E, W Q	Joule	J	<table border="1"> <tr> <td>kWh</td> <td>J</td> <td>kJ</td> <td>MJ</td> </tr> <tr> <td>1 kWh</td> <td>1</td> <td>3 600 000</td> <td>3 600</td> </tr> <tr> <td>1 J</td> <td>1</td> <td>0,001</td> <td>0,000 001</td> </tr> <tr> <td>1 kJ</td> <td>0,000 277 8</td> <td>1 000</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1 MJ</td> <td>0,277 8</td> <td>1 000 000</td> <td>1 000</td> </tr> </table> <p>1 J = 1 Nm = 1 Ws = 1 kg m²/s²</p>	kWh	J	kJ	MJ	1 kWh	1	3 600 000	3 600	1 J	1	0,001	0,000 001	1 kJ	0,000 277 8	1 000	1	1 MJ	0,277 8	1 000 000	1 000
kWh	J	kJ	MJ																					
1 kWh	1	3 600 000	3 600																					
1 J	1	0,001	0,000 001																					
1 kJ	0,000 277 8	1 000	1																					
1 MJ	0,277 8	1 000 000	1 000																					
Leistung	P	Watt	W	<table border="1"> <tr> <td>mW</td> <td>W</td> <td>kW</td> <td>MW</td> </tr> <tr> <td>1 mW</td> <td>1</td> <td>0,001</td> <td>0,000 001</td> </tr> <tr> <td>1 W</td> <td>1 000</td> <td>1</td> <td>0,001</td> </tr> <tr> <td>1 kW</td> <td>1 000 000</td> <td>1 000</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1 MW</td> <td>10⁹</td> <td>1 000 000</td> <td>1 000</td> </tr> </table> <p>1 W = 1 J/s = 1 Nm/s</p>	mW	W	kW	MW	1 mW	1	0,001	0,000 001	1 W	1 000	1	0,001	1 kW	1 000 000	1 000	1	1 MW	10 ⁹	1 000 000	1 000
mW	W	kW	MW																					
1 mW	1	0,001	0,000 001																					
1 W	1 000	1	0,001																					
1 kW	1 000 000	1 000	1																					
1 MW	10 ⁹	1 000 000	1 000																					
Druck	p	Pascal	Pa	<table border="1"> <tr> <td>Pa</td> <td>mbar, hPa</td> <td>bar</td> <td>N/cm²</td> </tr> <tr> <td>1 Pa</td> <td>1</td> <td>0,001</td> <td>0,000 01</td> </tr> <tr> <td>1 mbar, hPa</td> <td>100</td> <td>1</td> <td>0,001</td> </tr> <tr> <td>1 bar</td> <td>100 000</td> <td>1 000</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1 N/cm²</td> <td>10 000</td> <td>100</td> <td>0,1</td> </tr> </table> <p>1 Pa = 1 N/m²; 1 bar = 10 N/cm²; 1 mbar = 1 hPa</p>	Pa	mbar, hPa	bar	N/cm ²	1 Pa	1	0,001	0,000 01	1 mbar, hPa	100	1	0,001	1 bar	100 000	1 000	1	1 N/cm ²	10 000	100	0,1
Pa	mbar, hPa	bar	N/cm ²																					
1 Pa	1	0,001	0,000 01																					
1 mbar, hPa	100	1	0,001																					
1 bar	100 000	1 000	1																					
1 N/cm ²	10 000	100	0,1																					
Mechanische Spannung	σ, τ	Newton/Quadratmeter	N/m ²	<table border="1"> <tr> <td>N/m²</td> <td>N/cm²</td> <td>daN/cm²</td> <td>N/mm²</td> </tr> <tr> <td>1 N/m²</td> <td>1</td> <td>0,000 1</td> <td>0,000 001</td> </tr> <tr> <td>1 N/cm²</td> <td>10 000</td> <td>1</td> <td>0,1</td> </tr> <tr> <td>1 daN/cm²</td> <td>100 000</td> <td>10</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1 N/mm²</td> <td>1 000 000</td> <td>100</td> <td>10</td> </tr> </table> <p>1 N/m² = 1 Pa</p>	N/m ²	N/cm ²	daN/cm ²	N/mm ²	1 N/m ²	1	0,000 1	0,000 001	1 N/cm ²	10 000	1	0,1	1 daN/cm ²	100 000	10	1	1 N/mm ²	1 000 000	100	10
N/m ²	N/cm ²	daN/cm ²	N/mm ²																					
1 N/m ²	1	0,000 1	0,000 001																					
1 N/cm ²	10 000	1	0,1																					
1 daN/cm ²	100 000	10	1																					
1 N/mm ²	1 000 000	100	10																					
Elektrische Stromstärke	I	Ampere	A	<table border="1"> <tr> <td>mA</td> <td>A</td> <td>kA</td> </tr> <tr> <td>1 mA</td> <td>1</td> <td>0,001</td> </tr> <tr> <td>1 A</td> <td>1 000</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1 kA</td> <td>1 000 000</td> <td>1 000</td> </tr> </table>	mA	A	kA	1 mA	1	0,001	1 A	1 000	1	1 kA	1 000 000	1 000								
mA	A	kA																						
1 mA	1	0,001																						
1 A	1 000	1																						
1 kA	1 000 000	1 000																						
Elektrische Spannung	U	Volt	V	<table border="1"> <tr> <td>mV</td> <td>V</td> <td>kV</td> </tr> <tr> <td>1 mV</td> <td>1</td> <td>0,001</td> </tr> <tr> <td>1 V</td> <td>1 000</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1 kV</td> <td>1 000 000</td> <td>1 000</td> </tr> </table>	mV	V	kV	1 mV	1	0,001	1 V	1 000	1	1 kV	1 000 000	1 000								
mV	V	kV																						
1 mV	1	0,001																						
1 V	1 000	1																						
1 kV	1 000 000	1 000																						
Elektrischer Widerstand	R	Ohm	Ω	<table border="1"> <tr> <td>mΩ</td> <td>Ω</td> <td>kΩ</td> <td>MΩ</td> </tr> <tr> <td>1 mΩ</td> <td>1</td> <td>0,001</td> <td>0,000 001</td> </tr> <tr> <td>1 Ω</td> <td>1 000</td> <td>1</td> <td>0,001</td> </tr> <tr> <td>1 kΩ</td> <td>1 000 000</td> <td>1 000</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1 MΩ</td> <td>10⁹</td> <td>1 000 000</td> <td>1 000</td> </tr> </table>	mΩ	Ω	kΩ	MΩ	1 mΩ	1	0,001	0,000 001	1 Ω	1 000	1	0,001	1 kΩ	1 000 000	1 000	1	1 MΩ	10 ⁹	1 000 000	1 000
mΩ	Ω	kΩ	MΩ																					
1 mΩ	1	0,001	0,000 001																					
1 Ω	1 000	1	0,001																					
1 kΩ	1 000 000	1 000	1																					
1 MΩ	10 ⁹	1 000 000	1 000																					

Vorsätze für Zehnerpotenzen (Auswahl)

da (Deka) 10 ¹	130 Meter = 13 · 10 ¹ m = 13 dam	d (Dezi) 10 ⁻¹	0,1 Meter = 1 · 10 ⁻¹ m = 1 dm
h (Hekto) 10 ²	300 Liter = 3 · 10 ² l = 3 hl	c (Centi) 10 ⁻²	0,25 Meter = 25 · 10 ⁻² m = 25 cm
k (Kilo) 10 ³	1500 Gramm = 1,5 · 10 ³ g = 1,5 kg	m (Milli) 10 ⁻³	0,004 Meter = 4 · 10 ⁻³ m = 4 mm
M (Mega) 10 ⁶	1 200 000 Watt = 1,2 · 10 ⁶ W = 1,2 MW	μ (Mikro) 10 ⁻⁶	0,000 015 Meter = 15 · 10 ⁻⁶ m = 15 μm
G (Giga) 10 ⁹	20 500 000 000 Watt = 20,5 · 10 ⁹ W = 20,5 GW	n (Nano) 10 ⁻⁹	0,000 000 105 Meter = 105 · 10 ⁻⁹ m = 105 nm
T (Tera) 10 ¹²		p (Pico) 10 ⁻¹²	
P (Peta) 10 ¹⁵		f (Femto) 10 ⁻¹⁵	
E (Exa) 10 ¹⁸		a (Atto) 10 ⁻¹⁸	

Griechisches Alphabet (Auswahl)

A α a Alpha	E ε e Epsilon	Λ λ l Lambda	P ρ r Rho	Φ φ f(ph) Phi
B β b Beta	H η e Eta	M μ m Mü	Σ σ s Sigma	X χ ch Chi
Γ γ g Gamma	Θ θ th Theta	N ν n Nü	T τ t Tau	Ψ ψ ps Psi
Δ δ d Delta	K κ k Kappa	Π π p Pi	Υ υ ü Ypsilon	Ω ω o Omega

M

B

G

W

Z

F

E

V

Römische Ziffern

I = 1	II = 2	III = 3	IV = 4	V = 5	VI = 6	VII = 7	VIII = 8	IX = 9
X = 10	XX = 20	XXX = 30	XL = 40	L = 50	LX = 60	LXX = 70	LXXX = 80	XC = 90
C = 100	CC = 200	CCC = 300	CD = 400	D = 500	DC = 600	DCC = 700	DCCC = 800	CM = 900
M = 1000	MM = 2000							

Beispiele: 98 = XCVIII 439 = CDXXXIX 1994 = MCMXCIV 2004 = MMIV

Mathematische Zeichen (Auswahl)

Zeichen	Erklärung	Zeichen	Erklärung	Zeichen	Erklärung
...	bis, und so weiter bis	-	minus, weniger	Δ	Delta, Zeichen f. Differenz
=	gleich	\sqrt{a}	Quadratwurzel aus a	\equiv	kongruent
\neq	nicht gleich, ungleich	$\cdot \times$	mal (der Punkt steht auf halber Zeilenhöhe)	\sim	ähnlich
\propto	proportional	$\div / -$	durch, geteilt durch, dividiert durch	\sphericalangle	Winkel
\approx	annähernd, nahezu gleich, rund, etwa	$\% / \text{‰}$	Prozent, vom Hundert / Promille, vom Tausend	\overline{AB}	Strecke AB
\cong	entspricht	$\%$	Prozent, vom Hundert	\overline{AB}	Bogen AB
$<$	kleiner als	‰	Promille, vom Tausend	Σ	Summe
$>$	größer als	$\{ \} [] ()$	runde, eckige, geschweifte Klammer auf und zu	e	Eulersche Zahl $e = 2,718281828\dots$
\geq	größer oder gleich, mindestens gleich	\parallel	parallel	π	Pi = 3,14159...
\leq	kleiner oder gleich, höchstens gleich	\nparallel	nicht parallel	∞	unendlich
+	plus, mehr, und	\perp	rechtwinklig zu, normal auf, senkrecht auf	log	Logarithmus (allgemein)
				lg	Zehnerlogarithmus
				ln	natürlicher Logarithmus

Anglo-amerikanische Einheiten

Länge		mm	m	Fläche		cm ²	m ²
inch (Zoll)	1 in	25,4	0,025	square inch	1 in ²	6,452	-
foot	1 ft	304,8	0,305	square foot	1 ft ²	929	0,0931
yard	1 yd	914,4	0,914	square yard	1 yd ²	8361	0,836
statute mile	1 mile	-	1609,34	acre	1 acre	-	4047
nautical mile	1 n mile	-	1852	square mile	1 mile ²	-	2,59 km ²
1 mile = 1760 yd; 1 yd = 3 ft; 1 ft = 12 in							
Volumen		cm ³	dm ³ (l)	Masse		g	kg
cubic inch	1 in ³	16,387	0,0164	grain	1 gr	0,0648	-
cubic foot	1 ft ³	28317	28,317	dram	1 dram	1,772	-
cubic yard	1 yd ³	-	764,555	ounce	1 oz	28,35	0,028
US-gallon	1 gal	3785	3,785	pound (libre)	1 lb	453,59	0,454
engl. gallon	1 gal	4546	4,546	hundredweight	1 cwt	50802	50,802
barrel	1 barrel	-	158,990	amer. ton	1 tn	-	1016
1 tn = 20 hw; 1 cwt = 112 lb; 1 lb = 16 oz							
Geschwindigkeit		m/s	km/h	Druck		N/cm ²	bar
foot per second	1 fps	0,3048	1,096	pound per square inch	1 psi = 1 lb/in ²	0,704	0,0704
statute mile per hour	1 mph	0,4470	1,609				
nautic mile per hour	1 kn	0,5147	1,852				

Temperatur

Temperatur in Grad Fahrenheit = 1,8 · Temperatur in Grad Celsius + 32
 Temperatur in Grad Celsius = $\frac{1}{1,8}$ · (Temperatur in Grad Fahrenheit - 32)

Umrechnung von früheren Einheiten und SI-Einheiten

Druck	Energie, Arbeit	Leistung
1 at = 1 kp/cm ² = 981 mbar	1 kcal = 4186,8 J ≈ 4,2 kJ =	1 PS = 735 W = 0,735 kW =
1 mm WS = 1 kp/m ² = 0,098 mbar	= 1,16 · 10 ⁻³ kWh	= 735 Nm/s
1 mm Hg = 1 Torr = 1,333 mbar	1 kpm = 9,81 J = 9,81 Nm	1 kW = 1,36 PS

M

B

G

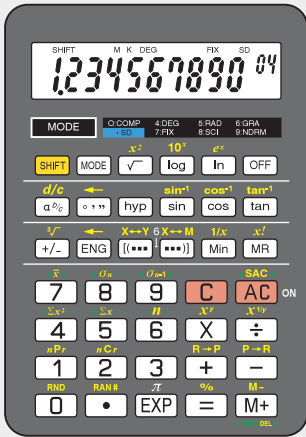
W

Z

F

E

V

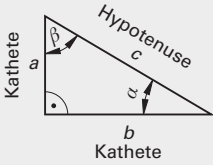


*)

*) $1.234567890^{04} = 12345.67890$
 Exponent 0^4 : Kommastelle vier Stellen nach rechts verschieben
 $1.234567890^{-04} = 0.0001234567890$
 Exponent -0^4 : Kommastelle vier Stellen nach links verschieben

Anzeigefeld (Display)	Anmerkungen
Zahlenwertangabe Exponenten Sonderfunktionen	acht- oder zehnstellig - 99 bis + 99 M = Speicher E = Überlauffunktion z.B. $x/0 =$ unendlich
Bedienfeld	Abkürzungen
Ein-, Ausschaltfunktion Zifferntasten Punktstaste für das Dezimalzeichen Löschtasten Speichertasten Speicherlöschstaste Speicherrückruftaste Rechentasten Ausführungstaste Funktionstasten	ON – OFF 0 – 9 . C; CE; AC MC; STO; M+; M-; Min MC MR; MRC; RCL +; -; ×; ÷ = %; +/-; x^2 ; $1/x$; x^n ; $[(...)]$; sin; cos; tan; x^3 ; \sqrt{x} ; $\sqrt[3]{x}$; π ; ... SHIFT/INV/2nd aktiviert die Zweitbelegung der Tasten oberhalb der Funktionstasten.
Umschaltstaste	

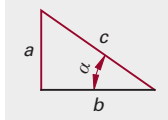
Werteingabe/Rechnungsart	Aufgabe	Tastenfolge	Wertausgabe	Anmerkungen
Zifferneingabe	25,33	2 5 . 3 3	25.33	Mit der Punktstaste wird das Dezimalzeichen gesetzt.
Addition/Subtraktion	$32,2 + 27,9 - 15,7 = ?$	32.2 + 27.9 = 15.7 =	44.4	Das Ergebnis wird durch Betätigen der „=“-Taste ausgegeben.
Prozentrechnung	15% von 3000 = ?	3000 × 15 SHIFT %	450	Die Prozenttaste bewirkt die Rechenoperation 1/100.
Klammerrechnung	$\frac{12 \times [2 - (1 - 6)]}{20 \cdot 5} = ?$	12 × [2 - [(1 - 6)]] ÷ 20 ÷ 5 =	0,84	Am Ende jeder Klammerrechnung die Klammertaste)] so oft drücken, wie Klammern geöffnet wurden.
Quadrieren/Potenzieren	$\frac{\pi \times 14^2}{4} = ?$ $3,7^2 = ?$ $2^5 = ?$	$\pi \times 14$ SHIFT x^2 ÷ 4 = 3.7 SHIFT x^2 2 SHIFT x^y 5 =	153.93804 13.69 32	Wegen der Genauigkeit Sonderfunktionstaste π verwenden. Das Ergebnis wird ohne Betätigen der „=“-Taste ausgegeben. Zur Ausführung der Rechenoperation muss die „=“-Taste betätigt werden.
Wurzelziehen	$\sqrt{625} = ?$ $\sqrt[3]{125} = ?$	625 $\sqrt{\quad}$ 125 SHIFT $\sqrt[3]{\quad}$ 5	25 5	Zuerst Radikant x eingeben und dann Wurzelstaste drücken.
Kehrwert	$20^{-1} = ?$ bzw. $\frac{1}{20} = ?$	20 SHIFT $1/x$	0.05	Die Funktion 1/x errechnet, wie oft die betreffende Zahl in 1 enthalten ist.
Speicherrechnung	$254 + 157 - 23 + 88 = ?$	254 Min 157 M+ 23 SHIFT M+ 28 M+ MR	476	M+ bewirkt Addition im Speicher. M- bewirkt Subtraktion im Speicher. MR Speicherwert wird ausgegeben. Min Festwert wird in Speicher eingetragen. Speicherwertlöschung: Eingabe von 0 in Min oder drücken von MC.



- Die den rechten Winkel bildenden Seiten a und b heißen Katheten.
- Die dem rechten Winkel gegenüberliegende Seite c heißt Hypotenuse.
- Die dem spitzen Winkel α bzw. β anliegende Seite b bzw. a heißt Ankathete.
- Die dem spitzen Winkel α bzw. β gegenüberliegende Seite a bzw. b heißt Gegenkathete.

Die Seitenverhältnisse im rechtwinkligen Dreieck werden Winkelfunktionen bzw. trigonometrische Funktionen genannt.

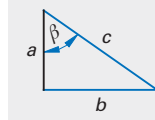
Sinus = $\frac{\text{Gegenkathete}}{\text{Hypotenuse}}$



$$\sin \alpha = \frac{a}{c}$$

$$a = c \cdot \sin \alpha$$

$$c = \frac{a}{\sin \alpha}$$

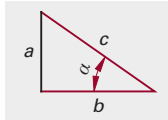


$$\sin \beta = \frac{b}{c}$$

$$b = c \cdot \sin \beta$$

$$c = \frac{b}{\sin \beta}$$

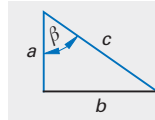
Cosinus = $\frac{\text{Ankathete}}{\text{Hypotenuse}}$



$$\cos \alpha = \frac{b}{c}$$

$$b = c \cdot \cos \alpha$$

$$c = \frac{b}{\cos \alpha}$$

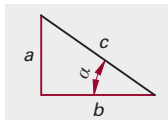


$$\cos \beta = \frac{a}{c}$$

$$a = c \cdot \cos \beta$$

$$c = \frac{a}{\cos \beta}$$

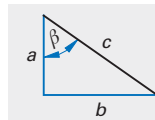
Tangens = $\frac{\text{Gegenkathete}}{\text{Ankathete}}$



$$\tan \alpha = \frac{a}{b}$$

$$a = b \cdot \tan \alpha$$

$$b = \frac{a}{\tan \alpha}$$

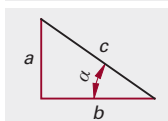


$$\tan \beta = \frac{b}{a}$$

$$b = a \cdot \tan \beta$$

$$a = \frac{b}{\tan \beta}$$

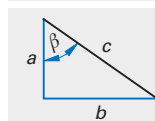
Cotangens = $\frac{\text{Ankathete}}{\text{Gegenkathete}}$



$$\cot \alpha = \frac{b}{a}$$

$$b = a \cdot \cot \alpha$$

$$a = \frac{b}{\cot \alpha}$$



$$\cot \beta = \frac{a}{b}$$

$$a = b \cdot \cot \beta$$

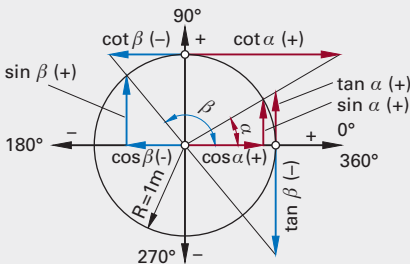
$$b = \frac{a}{\cot \beta}$$

Berechnung von Winkelfunktionen mit dem Taschenrechner (Beispiel)

Beispiel: $a = 10 \text{ cm}$; $c = 50 \text{ cm}$; $\alpha = ?$ Lösung: $\sin \alpha = a : c = 10 \text{ cm} : 50 \text{ cm} = 0,2$

$10 \div 50 = 0,2$ (SHIFT; 2ND; INV) SIN $\Rightarrow 11,53696^\circ$ (SHIFT; 2ND; INV) $^\circ, ' "$ $\Rightarrow 11^\circ 32' 13''$

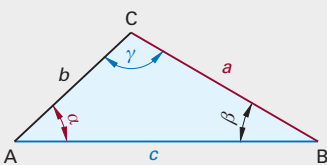
Winkelfunktionen am Einheitskreis



Besondere Winkelfunktionswerte

Winkel α	0°	30°	45°	60°	90°
Sinus α	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	1
Cosinus α	1	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}$	0
Tangens α	0	$\frac{1}{3}\sqrt{3}$	1	$\sqrt{3}$	∞
Cotangens α	∞	$\sqrt{3}$	1	$\frac{1}{3}\sqrt{3}$	0

Winkelfunktionen im schiefwinkligen Dreieck



a, b, c Seitenlängen (mm)
 α, β, γ Winkel, die jeweils den Seiten a, b, c gegenüber liegen (°)

Sinussatz

$$\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$$

Kosinussatz

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos \alpha$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2 \cdot a \cdot c \cdot \cos \beta$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos \gamma$$

Prozentrechnen

Beispiel 1: Rohteil 3,36 kg; Fertigteil 2,8 kg; Verschnitt = ? %

Lösung: Spanabfall = 3,36 kg – 2,8 kg = 0,56 kg

$$p = \frac{100 \cdot P}{G} = \frac{100 \cdot 0,56}{2,8} \% = 20 \%$$

Beispiel 2: Verkaufspreis (Endwert) 3600,00 €; Gewinn 20 %; Einkaufspreis (Grundwert) = ? €

Lösung: $G = \frac{100 \cdot E_{\max}}{100 + p} = \frac{100 \cdot 3600}{100 + 20} \text{ €} = 3000,00 \text{ €}$

p Prozentsatz in %
Er gibt an, wie viel Hundertstel vom Grundwert zu nehmen sind.

G Grundwert
Er ist der Wert auf den man sich beim Prozentrechnen bezieht.

P Prozentwert
Er ist der Teil des Grundwertes, der dem Prozentsatz entspricht. Er hat dieselbe Einheit wie der Grundwert.

E_{\max} Endwert (vermehrter Wert) (Grundwert + Prozentwert)

E_{\min} Endwert (verminderter Wert) (Grundwert – Prozentwert)

$$p = \frac{100 \cdot P}{G}$$

$$G = \frac{100 \cdot P}{p}$$

$$P = \frac{G \cdot p}{100}$$

$$G = \frac{100 \cdot E_{\max}}{100 + p}$$

$$G = \frac{100 \cdot E_{\min}}{100 - p}$$

Zinsrechnen

Beispiel 1: Ein Kapital von 2000,00 € wird für ein halbes Jahr zu 3 % verzinst. Wie hoch sind die Zinsen?

Lösung: $z = \frac{k \cdot p \cdot t}{100} = \frac{2000 \cdot 3 \cdot 0,5}{100} \text{ €} = 30,00 \text{ €}$

Beispiel 2: $p = 7,5 \%$; $t = 90$ Tage; $z = 281,25 \text{ €}$; $k = ? \text{ €}$

Lösung: $k = \frac{100 \cdot 360 \cdot z}{p \cdot t} = \frac{100 \cdot 360 \cdot 281,25}{7,5 \cdot 90} \text{ €} = 15000,00 \text{ €}$

z Zinsen in €
 p Zinssatz in %
 k Kapital in €
 t Zeit in Jahren oder Zeit in Tagen

1 Zinsjahr $\hat{=}$ 360 Tage
1 Zinsmonat $\hat{=}$ 30 Tage

Jahreszins

$$z = \frac{k \cdot p \cdot t}{100}$$

$$k = \frac{100 \cdot z}{p \cdot t}$$

$$p = \frac{100 \cdot z}{k \cdot t}$$

$$t = \frac{100 \cdot z}{k \cdot p}$$

Tageszins

$$z = \frac{k \cdot p \cdot t}{100 \cdot 360}$$

Verhältnisrechnen

Beispiele:

Steigung, z. B. 1 : 50

Gefälle, z. B. 1 : 20

Übersetzungsverhältnis, z. B. 3,8 : 1 = 3,8

Verdichtung, z. B. 10,3 : 1 = 10,3

Der Quotient zweier Zahlen wird auch **Verhältnis** genannt.

Verhältnisleichung (Proportion):
Haben zwei Verhältnisse den gleichen Wert, so können sie durch Gleichheitszeichen verbunden werden. Man erhält eine Verhältnisleichung mit 4 Gliedern.

$$a : b = \frac{a}{b}$$

$$a : b = c : d$$

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

Mischungsrechnen

Beispiel: 27,5 l Kühlflüssigkeit sollen im Verhältnis 4 : 7 (Gefrierschutzmittel zu Wasser) gemischt werden.

Gefrierschutzmittelmenge = ? l

Wassermenge = ? l

Lösung: $m_1 = \frac{m \cdot x_1}{x} = \frac{27,5 \text{ l} \cdot 4}{11} = 10 \text{ l}$

$$m_2 = m - m_1 = 27,5 \text{ l} - 10 \text{ l} = 17,5 \text{ l}$$

oder $m_2 = \frac{m \cdot x_2}{x} = \frac{27,5 \text{ l} \cdot 7}{11} = 17,5 \text{ l}$

m Gesamtmenge
 m_1 Teilmenge 1
 m_2 Teilmenge 2
 x Summe der Anteile
 x_1 Anteil der Teilmenge 1
 x_2 Anteil der Teilmenge 2

$$m = m_1 + m_2 + \dots$$

$$x = x_1 + x_2 + \dots$$

$$\frac{m}{m_1} = \frac{x}{x_1}$$

$$m_1 = \frac{m \cdot x_1}{x}$$

$$x_1 = \frac{m_1 \cdot x}{m}$$

$$m = \frac{m_1 \cdot x}{x_1}$$

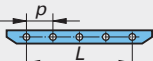
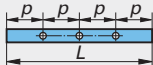

$$x = \frac{m \cdot x_1}{m_1}$$

V

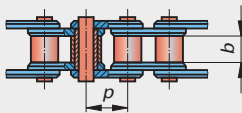
Maßstäbe

Vergrößerung	2 : 1	5 : 1	10 : 1	20 : 1	l_z Länge auf der Zeichnung; Bildgröße (vergrößerte, verkleinerte oder wirkliche Länge) l_w wirkliche Länge M Maßstab (Verhältniszahl)	$l_z = l_w \cdot M$	
Natürliche Größe	1 : 1						$l_w = \frac{l_z}{M}$ $M = \frac{l_z}{l_w}$
Verkleinerung	1 : 2	1 : 5	1 : 10	1 : 20			

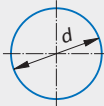
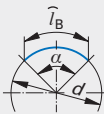
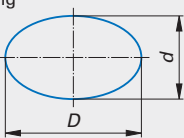
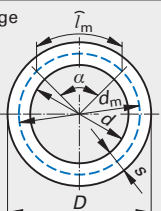
Längenteilungen

	Teilung p Lochabstand	Teilungszahl n Lochzahl	Teilungslänge l
	$p = \frac{L}{n-1}$	$n = \frac{L}{p} + 1$	$L = p \cdot (n-1)$
	$p = \frac{L}{n+1}$	$n = \frac{L}{p} - 1$	$L = p \cdot (n+1)$
	$p = \frac{\pi \cdot d}{n}$	$n = \frac{\pi \cdot d}{p}$	$L = U = n \cdot p$ $L = U = \pi \cdot d$

Kettenlänge

	L Kettenlänge p Teilung b Gliederbreite (Innenglied) X Gliederzahl	$L = p \cdot X$
		$p = \frac{L}{X}$ $X = \frac{L}{p}$

Gebogene Längen

Kreisumfang 	U Umfang d Durchmesser	$U = \pi \cdot d$
		$d = \frac{U}{\pi}$
Kreisbogenlänge 	l_B Bogenlänge d Durchmesser α Mittelpunktswinkel in °	$l_B = \frac{\pi \cdot d \cdot \alpha}{360^\circ}$
		$\alpha = \frac{360^\circ \cdot l_B}{\pi \cdot d}$ $d = \frac{360^\circ \cdot l_B}{\pi \cdot \alpha}$
Ellipsenumfang 	U Umfang D Durchmesser d Durchmesser R Radius r Radius	$U \approx \pi \cdot \frac{D+d}{2}$
		$D \approx \frac{2 \cdot U}{\pi} - d$ $d \approx \frac{2 \cdot U}{\pi} - D$ genauer: $U \approx \pi \cdot \sqrt{2 \cdot (R^2 + r^2)}$
Gestreckte Länge 	l_m gestreckte Länge, Länge der neutralen Faser d_m mittlerer Durchmesser D Außendurchmesser d Innendurchmesser α Mittelpunktswinkel in ° s Werkstoffdicke U_m mittlerer Umfang	$l_m = \frac{\pi \cdot d_m \cdot \alpha}{360^\circ}$
		$U_m = \pi \cdot d_m$ $d_m = \frac{D+d}{2}$ $d_m = D - s$ $d_m = d + s$

M

B

G

W

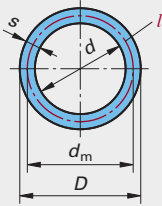
Z

F

E

V

Gestreckte Längen



- D Außendurchmesser
- d Innendurchmesser
- d_m mittlerer Durchmesser (Durchmesser der neutralen Faser)
- s Dicke
- l gestreckte Länge (Länge der neutralen Faser)
- α Mittelpunktswinkel

Gestreckte Länge beim Kreisring

$$l = \pi \cdot d_m$$

Beispiel (Kreisring):
 $D = 45 \text{ mm}$; $s = 4 \text{ mm}$; $l = ? \text{ mm}$

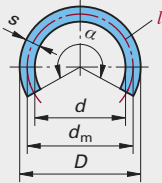
$$d_m = D - s = 45 \text{ mm} - 4 \text{ mm} = 41 \text{ mm}$$

$$l = \pi \cdot d_m = \pi \cdot 41 \text{ mm} = \mathbf{128,8 \text{ mm}}$$

Mittlerer Durchmesser

$$d_m = D - s$$

$$d_m = d + s$$



Beispiel (Kreisringausschnitt)
 $D = 53 \text{ mm}$; $s = 4 \text{ mm}$; $d_m = ?$; $\alpha = 250^\circ$; $l = ? \text{ mm}$

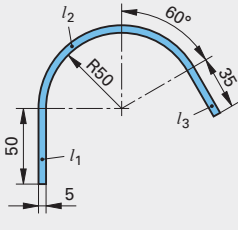
$$d_m = D - s = 53 \text{ mm} - 4 \text{ mm} = 49 \text{ mm}$$

$$l = \frac{\pi \cdot d_m \cdot \alpha}{360^\circ} = \frac{\pi \cdot 49 \text{ mm} \cdot 250^\circ}{360^\circ} = \mathbf{106,9 \text{ mm}}$$

Gestreckte Länge beim Kreisringausschnitt

$$l = \frac{\pi \cdot d_m \cdot \alpha}{360^\circ}$$

Zusammengesetzte Längen (z.B. Biegen von Flachstählen)



- R Biegeradius (Innenradius)
- d_m mittlerer Durchmesser
- s Dicke
- L zusammengesetzte Länge (gestreckte Länge)
- l_1, l_2 Teillängen
- α Mittelpunktswinkel

Zusammengesetzte Längen

$$L = l_1 + l_2 + \dots + l_n$$

Beispiel (Zusammengesetzte Längen, Bild links):
 $R = 50 \text{ mm}$; $l_1 = 50 \text{ mm}$; $l_3 = 35 \text{ mm}$; $s = 5 \text{ mm}$;
 $\alpha = 60^\circ$; $d_m = ?$; $L = ? \text{ mm}$

Meist ist bei Biegeteilen der Biegeradius r (Innenradius) gegeben, so dass gilt

$$d_m = 2 \cdot R + s = 2 \cdot 50 \text{ mm} + 5 \text{ mm} = \mathbf{105 \text{ mm}}$$

$$L = l_1 + l_2 + l_3 = l_1 + \frac{\pi \cdot d_m \cdot \alpha}{360^\circ} + l_3$$

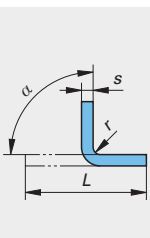
$$L = 50 \text{ mm} + \frac{\pi \cdot 105 \text{ mm} \cdot (90^\circ + 60^\circ)}{360^\circ} + 35 \text{ mm} = \mathbf{222,4 \text{ mm}}$$

$$d_m = 2 \cdot R + s$$

1. Einteilung in einzelne Längen
2. Berechnung der einzelnen Längen
3. Gesamtlänge ermitteln durch Addition der einzelnen Längen

Kleinster zulässiger Biegeradius für Biegeteile aus Aluminium

vgl. ÖNORM EN 485-2



Werkstoff	Werkstoffzustand	Dicke s in mm							
		0,8	1	1,5	2	3	4	5	6
		Mindest-Biegeradius $r^{(1)}$ in mm							
AlMg3-01	Weich gegläht	0,6	1	2	3	4	6	8	10
AlMg3-H14	Kalt verfestigt	1,6	2,5	4	6	10	14	18	–
AlMg4,5Mn-H112	Weich gegläht, gerichtet	1	1,5	2,5	4	6	8	10	14
AlMg4,5Mn-H111	Kalt verfestigt und gegläht	1,6	2,5	4	6	10	16	20	25
AlMgSi1-T6	Lösungsgeglüht und warm ausgelagert	4	5	8	12	16	23	28	38

¹⁾ für Biegeradius $\alpha = 90^\circ$, unabhängig von der Walzrichtung

Kleinster zulässiger Biegeradius für das Kaltbiegen von Stahl

vgl. DIN 6935

Mindestzugfestigkeit R_m in N/mm² über ... bis

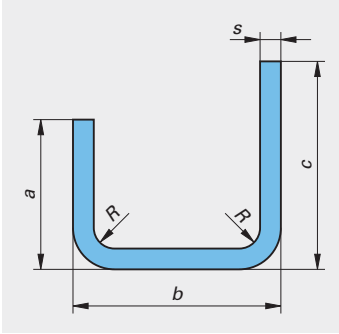
Kleinster Biegeradius¹⁾ R für Blechdicken s in mm

	1	1,5	2,5	3	4	5	6	7	8	10	12	14	16	18	20	
bis 390	1	1,6	2,5	3	4	5	6	8	10	12	16	20	25	28	36	40
390...490	1,2	2	3	4	5	8	10	12	16	20	25	28	32	40	45	
490...640	1,6	2,5	4	5	6	8	10	12	16	20	25	32	36	45	50	

¹⁾ Werte gelten für Biegewinkel $\alpha < 120^\circ$, und Biegen quer zur Walzrichtung. Beim Biegen längs zur Walzrichtung und Biege winkeln $\alpha > 120^\circ$ ist der Wert der nächsthöheren Blechdicke zu wählen. Für s kann auch t verwendet werden.

Kanten von Blechen

vgl. DIN 6935



Beim scharfkantigen Biegen von Blechen (Kanten) geht man davon aus, dass sich die neutrale Faser in Richtung des Innenradius verschiebt. Man rechnet deshalb bei der Berechnung der Biegelänge mit der Verkürzung. Vereinfachend wird die Zuschnittlänge auch über die Addition der Innenmaße des Kanteils berechnet.

- L** Zuschnittlänge = gestreckte Länge
- a, b, c** Außenmaß der Schenkel
- s** Blechdicke in mm
- n** Anzahl der Biegestellen
- v** Ausgleichswert (aus Tabelle) in mm

Zuschnittlänge
(mit Verkürzung)

$$L = a + b + c + \dots - v \cdot n$$

Zuschnittlänge (Faustformel)
(Für Blechdicken $s < 2$ mm)

$$L = a + b + c + \dots - 2 \cdot s \cdot n$$

Beispiel

(Ermittlung der Zuschnittlänge mit Verkürzung):

$a = 25$ mm, $b = 30$ mm; $c = 35$ mm; $s = 1,5$ mm; $n = 2$;
 $R = 1,6$ mm; $v = 2,9$ mm (aus Tabelle)

$$L = a + b + c - n \cdot v$$

$$L = (25 + 30 + 35) \text{ mm} - 2 \cdot 2,9 = 84,2 \text{ mm}$$

Beispiel

(Ermittlung der Zuschnittlänge mit Faustformel):

$a = 25$ mm, $b = 30$ mm; $c = 35$ mm; $s = 1,5$ mm; $n = 2$;
 $R = 1,6$ mm

$$L = a + b + c - 2 \cdot s \cdot n$$

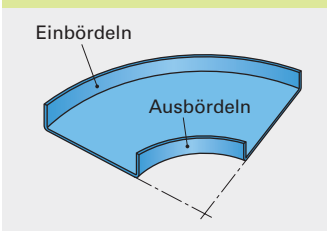
$$L = (25 + 30 + 35) \text{ mm} - 2 \cdot 1,5 \text{ mm} \cdot 2 = 84 \text{ mm}$$

Ausgleichswerte v für Biegewinkel $\alpha = 90^\circ$

vgl. Beiblatt 2 zu DIN 6935 (1983-02)

Biege- radius R in mm	Ausgleichswert v je Biegestelle in mm für Blechdicke s in mm														
	0,4	0,6	0,8	1	1,5	2	2,5	3	3,5	4	4,5	5	6	8	10
1	1,0	1,3	1,7	1,9	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
1,6	1,3	1,6	1,8	2,1	2,9	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
2,5	1,6	2,0	2,2	2,4	3,2	4,0	4,8	-	-	-	-	-	-	-	-
4	-	2,5	2,8	3,0	3,7	4,5	5,2	6,0	6,9	-	-	-	-	-	-
6	-	-	3,4	3,8	4,5	5,2	5,9	6,7	7,5	8,3	9,0	9,9	-	-	-
10	-	-	-	5,5	6,1	6,7	7,4	8,1	8,9	9,6	10,4	11,2	12,7	-	-
16	-	-	-	8,1	8,7	9,3	9,9	10,5	11,2	11,9	12,6	13,3	14,8	17,8	21,0
20	-	-	-	9,8	10,4	11,0	11,6	12,2	12,8	13,4	14,1	14,9	16,3	19,3	22,3
25	-	-	-	11,9	12,6	13,2	13,8	14,4	15,0	15,6	16,2	16,8	18,2	21,1	24,1
32	-	-	-	15,0	15,6	16,2	16,8	17,4	18,0	18,6	19,2	19,8	21,0	23,8	26,7
40	-	-	-	18,4	19,0	19,6	20,2	20,8	21,4	22,0	22,6	23,2	24,5	26,9	29,7
50	-	-	-	22,7	23,3	23,9	24,5	25,1	25,7	26,3	26,9	27,5	28,8	31,2	33,6

Bördeln von Blechrändern (Verformungsgrad)



Bördeln ist das scharfkantige Biegen entlang einer Kurve. Bördelungen (Borde) haben folgende Aufgabe:

- Randversteifung
- Vorbereitung von Blechteilen für das Fügen z.B. Schweißflansche, Falz-vorbereitung etc.

Man unterscheidet nach der Materialbeanspruchung

- Ausbördeln:** Werkstoff wird gestreckt
- Einbördeln:** Werkstoff wird gestaucht

Die Materialbeanspruchung beim Umformen (Verformungsgrad ϵ) muss kleiner als die Bruchdehnung A sein. Evtl. muss das Blech wärmebehandelt werden (Rekristallisationsglühen).

Beispiel:

Verformungsgrad ermitteln
 $R = 120$ mm; $b = 10$ mm;
aus Tabelle: $A = 28\%$ (DC01); $\epsilon = ?$ in %;

$$\epsilon = \frac{b \cdot 100 \%}{R} = \frac{10 \text{ mm} \cdot 100 \%}{120 \text{ mm}} = 8,3 \%$$

$\epsilon < A$: Eine Umformung ist ohne Wärmebehandlung möglich.

$$\epsilon = \frac{b \cdot 100 \%}{R}$$

ϵ Verformungsgrad in %

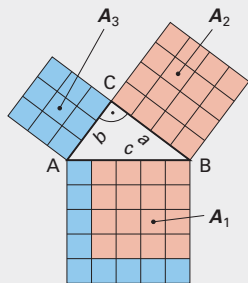
R Krümmungsradius des Bördels in mm

b Bördelbreite in mm

A Bruchdehnung in %

$$\epsilon < A$$

Lehrsatz des Pythagoras



Beim rechtwinkligen Dreieck ist die Fläche des Hypotenusenquadrates gleich der Summe der Flächen der beiden Kathetenquadrate.

$$A_1 = A_2 + A_3$$

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

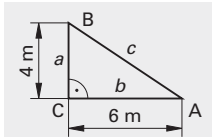
$$a = \sqrt{c^2 - b^2}$$

$$b = \sqrt{c^2 - a^2}$$

c Hypotenuse – die dem rechten Winkel gegenüberliegende Seite
a, b Katheten – die den rechten Winkel bildenden Seiten

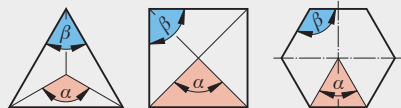
A₁, A₂, A₃ Flächen

Beispiel: *a* = 4 m; *b* = 6 m; *c* = ? m



$$\begin{aligned} \text{Lösung: } c &= \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{(4 \text{ m})^2 + (6 \text{ m})^2} = \\ &= \sqrt{16 \text{ m}^2 + 36 \text{ m}^2} = \sqrt{52 \text{ m}^2} = 7,21 \text{ m} \end{aligned}$$

Regelmäßige Vielecke



Für regelmäßige Vielecke gilt:

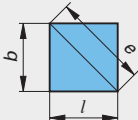
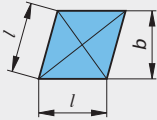
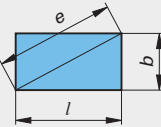
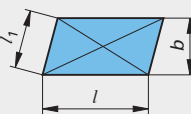
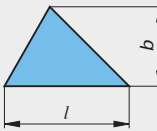
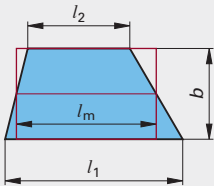
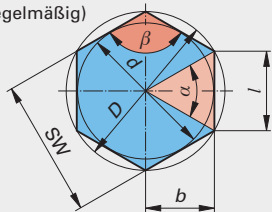
$$\text{Innenwinkel } \alpha = \frac{360^\circ}{n}$$

$$\text{Außenwinkel } \beta = \frac{(n-2) \cdot 180^\circ}{n}$$

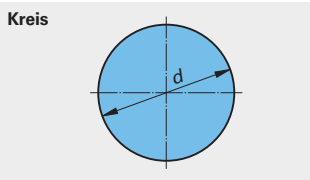
$$\beta = 180^\circ - \alpha$$

n Anzahl der Ecken

Regelmäßiges Vieleck <i>n</i> Anzahl der Ecken	Umkreis- \emptyset <i>D</i> Eckenmaß <i>e</i>	Innenkreis- \emptyset <i>d</i> Schlüsselweite <i>SW</i>	Seitenlänge <i>l</i> Umfang <i>U</i>	Gesamtfläche <i>A</i>
Dreieck <i>n</i> = 3 	$D = 1,154 \cdot l$ $D = 2 \cdot d$	$d = 0,578 \cdot l$ $d = 0,5 \cdot D$	$l = 0,866 \cdot D$ $l = 1,730 \cdot d$ $U = l \cdot n$	$A = 0,325 \cdot D^2$ $A = 1,299 \cdot d^2$ $A = 0,433 \cdot l^2$
Quadrat <i>n</i> = 4 	$D = 1,414 \cdot l$ $D = 1,414 \cdot d$ $D = e$	$d = l$ $d = 0,707 \cdot D$ $d = SW$	$l = 0,707 \cdot D$ $l = d$ $U = l \cdot n$	$A = 0,5 \cdot D^2$ $A = d^2$ $A = l^2$
Sechseck <i>n</i> = 6 	$D = 2 \cdot l$ $D = 1,155 \cdot d$ $D = e$	$d = 1,732 \cdot l$ $d = 0,866 \cdot D$ $d = SW$	$l = 0,5 \cdot D$ $l = 0,577 \cdot d$ $U = l \cdot n$	$A = 0,649 \cdot D^2$ $A = 0,866 \cdot d^2$ $A = 2,598 \cdot l^2$
Achteck <i>n</i> = 8 	$D = 2,614 \cdot l$ $D = 1,082 \cdot d$ $D = e$	$d = 2,414 \cdot l$ $d = 0,924 \cdot D$ $d = SW$	$l = 0,383 \cdot D$ $l = 0,414 \cdot d$ $U = l \cdot n$	$A = 0,707 \cdot D^2$ $A = 0,829 \cdot d^2$ $A = 4,828 \cdot l^2$
Zwölfeck <i>n</i> = 12 	$D = 3,864 \cdot l$ $D = 1,035 \cdot d$ $D = e$	$d = 3,732 \cdot l$ $d = 0,966 \cdot D$ $d = SW$	$l = 0,259 \cdot D$ $l = 0,268 \cdot d$ $U = l \cdot n$	$A = 0,750 \cdot D^2$ $A = 0,804 \cdot d^2$ $A = 11,196 \cdot l^2$

<p>Quadrat $b = l$</p> 	$l = \sqrt{A}$ $b = l$ $e = \sqrt{2 \cdot l^2} = 1,414 \cdot l$ $l = \frac{e}{1,414} = 0,707 \cdot e \quad U = 4 \cdot l$	$A = l^2$	M			
<p>Rhombus (Raute)</p> 	$l = \frac{A}{b}$ $b = \frac{A}{l}$ $U = 4 \cdot l$	$A = l \cdot b$	B			
<p>Rechteck</p> 	$b = \frac{A}{l} \quad l = \frac{A}{b}$ $e = \sqrt{l^2 + b^2}$ $U = 2 \cdot l + 2 \cdot b$	$A = l \cdot b$	G			
<p>Rhomboid (Parallelogramm)</p> 	$l = \frac{A}{b} \quad l = \frac{U - 2 \cdot l_1}{2}$ $b = \frac{A}{l} \quad l_1 = \frac{U - 2 \cdot l}{2}$ $U = 2 \cdot l + 2 \cdot l_1$	$A = l \cdot b$	W			
<p>Dreieck</p> 	$l = \frac{2 \cdot A}{b}$ $b = \frac{2 \cdot A}{l}$ $U = \text{Summe aller Seiten}$	$A = \frac{l \cdot b}{2}$	W			
<p>Trapez</p> 	$l_1 = \frac{2 \cdot A}{b} - l_2$ $b = \frac{2 \cdot A}{l_1 + l_2}$ $l_2 = \frac{2 \cdot A}{b} - l_1$ $l_m = \frac{l_1 + l_2}{2}$ $l_1 = 2 \cdot l_m - l_2$ $l_2 = 2 \cdot l_m - l_1$ $U = \text{Summe aller Seiten}$	$A = \frac{l_1 + l_2}{2} \cdot b$ $A = l_m \cdot b$	Z			
<p>Vieleck (regelmäßig)</p>  <p> α Innenwinkel β Außenwinkel SW Schlüsselweite D Inkreisdurchmesser d Umkreisdurchmesser </p>	$\alpha = \frac{360^\circ}{n}$ $\beta = \frac{(n-2) \cdot 180^\circ}{n}$ $\beta = 180^\circ - \alpha$ $l = D \cdot \sin\left(\frac{180^\circ}{n}\right)$ $l = D \cdot \sin\frac{\alpha}{2}$ $d = \sqrt{D^2 - l^2}$ $b = \frac{SW}{2} = \frac{d}{2}$ $U = l \cdot n$	$A = \frac{l \cdot b}{2} \cdot n$ $A = \frac{n \cdot l \cdot d}{4}$ <p> A Gesamtfläche d Inkreisdurchmesser n Anzahl der Ecken l Seitenlänge b Breite </p>	F			
A Fläche	l Länge	l_m mittlere Länge	b Breite	U Umfang	e Eckmaß	V

M



$$d = \sqrt{\frac{4 \cdot A}{\pi}} = \sqrt{\frac{A}{0,785}}$$

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}}$$

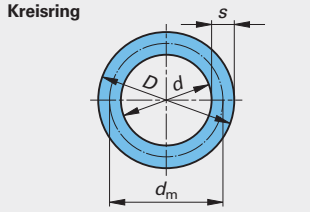
$$U = \pi \cdot d$$

$$A = \frac{\pi \cdot d^2}{4}$$

$$A = 0,785 \cdot d^2$$

$$A = \pi \cdot r^2$$

B



$$D = \sqrt{d^2 + \frac{4 \cdot A}{\pi}}$$

$$d = \sqrt{D^2 - \frac{4 \cdot A}{\pi}}$$

$$A_1 = \frac{\pi \cdot d^2}{4}$$

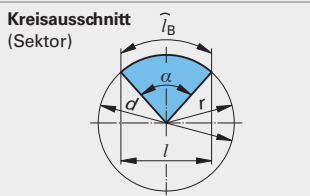
$$A_2 = \frac{\pi \cdot D^2}{4}$$

$$A = \frac{\pi}{4} \cdot (D^2 - d^2)$$

$$A = \pi \cdot d_m \cdot s$$

$$A = A_2 - A_1$$

G



$$l = 2 \cdot r \cdot \sin \frac{\alpha}{2}$$

$$l_B = \frac{\pi \cdot d \cdot \alpha}{360^\circ}$$

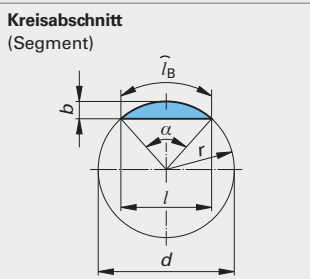
$$U = l_B + 2 \cdot r$$

l_B Bogenlänge
 α Mittelpunktswinkel

$$A = \frac{l_B \cdot r}{2}$$

$$A = \frac{\pi \cdot d^2}{4} \cdot \frac{\alpha}{360^\circ}$$

W



$$l_B = \frac{\pi \cdot d \cdot \alpha}{360^\circ}$$

$$b = r - \sqrt{r^2 - l^2/4}$$

$$b = \frac{l}{2} \cdot \tan \frac{\alpha}{4}$$

$$l = 2 \cdot \sqrt{2 \cdot b \cdot r - b^2}$$

$$l = 2 \cdot r \cdot \sin \frac{\alpha}{2}$$

$$r = \frac{b}{2} + \frac{l^2}{8 \cdot b}$$

$$r = \frac{2 \cdot A - b \cdot l}{l_B - l}$$

l Länge (Sehne)
 b Breite (Bogenhöhe)

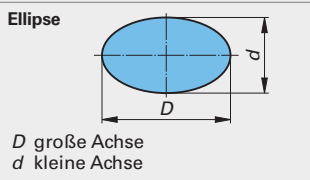
$$U = l + l_B$$

$$A = \frac{l_B \cdot r - l \cdot (r - b)}{2}$$

$$A = \frac{\pi \cdot d^2}{4} \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} - \frac{l \cdot (r - b)}{2}$$

$$A \approx \frac{2 \cdot l \cdot b}{3}$$

Z



$$D = \frac{4 \cdot A}{\pi \cdot d}$$

$$d = \frac{4 \cdot A}{\pi \cdot D}$$

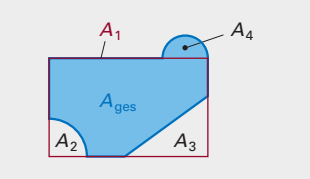
$$U \approx \pi \cdot \frac{D+d}{2}$$

genauer:
 $U \approx \pi \cdot \sqrt{2 \cdot (R^2 + r^2)}$

$$A = \frac{\pi \cdot D \cdot d}{4}$$

E

Zusammengesetzte Flächen



Zusammengesetzte Flächen werden zur Berechnung ihrer Gesamtfläche in Teilflächen zerlegt.

Durch Addition und Subtraktion der Teilflächen erhält man die Gesamtfläche.

$$A_{\text{ges}} = A_1 - A_2 - A_3 + A_4$$

Allgemein gilt:

$$A_{\text{ges}} = A_1 \pm A_2 \pm A_3 \pm \dots$$

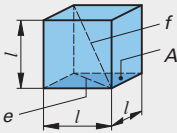
V

- A Fläche
- U Umfang
- D, d Durchmesser
- R, r Radius
- l_B Bogenlänge
- l Länge (Sehne)
- b Breite (Bogenhöhe)
- b Breite
- α Mittelpunktswinkel
- d_m mittlerer Durchmesser

Gleichdicke Körper

$V = A \cdot h$

Würfel



$l = \sqrt[3]{V}$

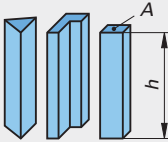
$e = 1,414 \cdot l$
 $f = 1,732 \cdot l$
 $l_{\text{ges}} = 12 \cdot l$

$V = l \cdot l \cdot l$

$A_M = 4 \cdot A = 4 \cdot l^2$
 $A_O = 6 \cdot A = 6 \cdot l^2$

$V = l^3$

Prisma

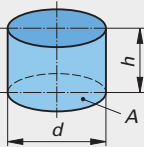


$A = \frac{V}{h}$

$h = \frac{V}{A}$

$V = A \cdot h$

Zylinder



$d = \sqrt{\frac{4 \cdot V}{\pi \cdot h}}$

$h = \frac{4 \cdot V}{\pi \cdot d^2}$

$V = \frac{\pi \cdot d^2}{4} \cdot h$

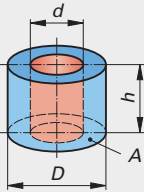
$A = \frac{V}{h}$

$h = \frac{V}{A}$

$V = A \cdot h$

$A_M = \pi \cdot d \cdot h$
 $A_O = \pi \cdot d \cdot h + 2 \cdot \frac{\pi \cdot d^2}{4}$

Hohlzylinder



$h = \frac{4 \cdot V}{\pi \cdot (D^2 - d^2)}$

$d = \sqrt{D^2 - \frac{4 \cdot V}{\pi \cdot h}}$

$V = \frac{\pi}{4} \cdot (D^2 - d^2) \cdot h$

$D = \sqrt{d^2 + \frac{4 \cdot V}{\pi \cdot h}}$

$A_1 = \frac{\pi \cdot d^2}{4}$

$V = (A_2 - A_1) \cdot h$

$A_2 = \frac{\pi \cdot D^2}{4}$

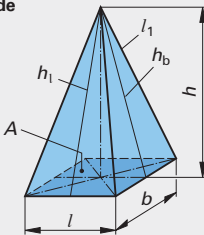
$V = V_2 - V_1$

$A_O = \pi \cdot h \cdot (D + d) + 2 \cdot \frac{\pi \cdot (D^2 - d^2)}{4}$

Spitze Körper

$V = A \cdot b/3$

Pyramide



$h = \frac{3 \cdot V}{l \cdot b}$ $b = \frac{3 \cdot V}{l \cdot h}$

$l = \frac{3 \cdot V}{b \cdot h}$

$V = \frac{l \cdot b \cdot h}{3}$

$A = \frac{3 \cdot V}{h}$

$h = \frac{3 \cdot V}{A}$

$V = \frac{A \cdot h}{3}$

$h_1 = \sqrt{h^2 + b^2/4}$

$h_b = \sqrt{h^2 + l^2/4}$

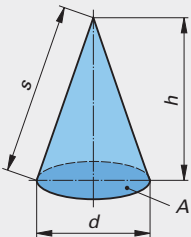
$l_1 = \sqrt{h_b^2 + b^2/4}$

$l_1 = \sqrt{h_1^2 + l^2/4}$

$A_M = h_1 \cdot l + h_b \cdot b$

$A_O = A_M + A$

Kegel



$d = \sqrt{\frac{12 \cdot V}{\pi \cdot h}}$

$h = \frac{12 \cdot V}{\pi \cdot d^2}$

$V = \frac{1}{3} \cdot \frac{\pi \cdot d^2}{4} \cdot h$

$A = \frac{3 \cdot V}{h}$

$h = \frac{3 \cdot V}{A}$

$V = \frac{\pi \cdot d^2 \cdot h}{12}$

$A_M = \pi \cdot r \cdot \sqrt{h^2 + r^2}$

$A_M = \frac{\pi \cdot d \cdot s}{2}$

$V = \frac{A \cdot h}{3}$

$A_M = \pi \cdot r \cdot s$
 $A_O = A_M + A$

$s = \sqrt{h^2 + r^2}$

V Volumen
 A Fläche
 h Höhe
 l Länge
 b Breite
 D, d Durchmesser

h₁ Mantelhöhe über l
 h_b Mantelhöhe über b
 s Mantelhöhe

r Radius
 A_M Mantelfläche
 A_O Oberfläche

e Eckenmaß
 f (Flächendiagonale)
 f Raumdiagonale

M

B

G

W

Z

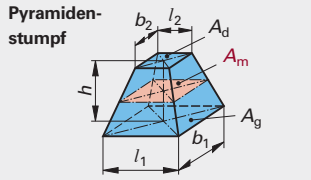
F

E

V

Abgestumpfte Körper

M

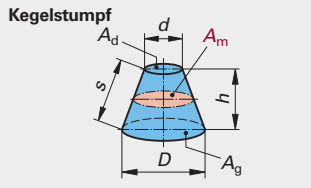


$$A_m = \frac{A_g + A_d}{2}$$

$$V = \frac{h \cdot (A_g + A_d + \sqrt{A_g \cdot A_d})}{3}$$

$$V \approx A_m \cdot h$$

B



$$A_m = \frac{A_g + A_d}{2}$$

$$A_M = \frac{\pi \cdot (D + d) \cdot s}{2}$$

$$s = \sqrt{h^2 + \left(\frac{D-d}{2}\right)^2}$$

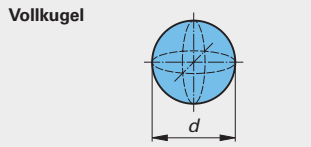
$$V = \frac{\pi \cdot h \cdot (D^2 + d^2 + D \cdot d)}{12}$$

$$V \approx A_m \cdot h$$

$$A_o = A_d + A_M + A_g$$

G

Kugel



$$d = \sqrt[3]{\frac{6 \cdot V}{\pi}} = \sqrt[3]{\frac{V}{0,524}}$$

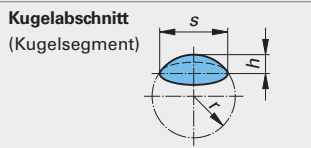
$$d \approx 1,24 \cdot \sqrt[3]{V}$$

$$A_o = \pi \cdot d^2 \quad d = \sqrt{\frac{A_o}{\pi}}$$

$$V = \frac{\pi \cdot d^3}{6}$$

$$V = 0,524 \cdot d^3$$

W



$$A_M = \pi \cdot d \cdot h$$

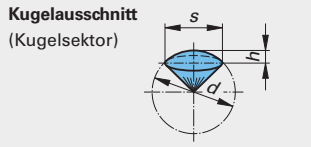
$$A_M = \frac{\pi \cdot (s^2 + 4 \cdot h^2)}{4}$$

$$A_o = \pi \cdot h \cdot (4 \cdot r - h)$$

$$V = \pi \cdot h^2 \cdot \left(r - \frac{h}{3}\right)$$

$$V = \pi \cdot h \cdot \left(\frac{s^2}{8} + \frac{h^2}{6}\right)$$

Z



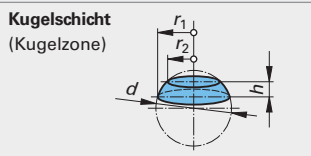
$$A_M = A_o$$

$$A_o = \frac{\pi \cdot d \cdot (4 \cdot h + s)}{4}$$

$$d = \sqrt{\frac{6 \cdot V}{\pi \cdot h}}; \quad h = \frac{6 \cdot V}{\pi \cdot d^2}$$

$$V = \frac{\pi \cdot d^2 \cdot h}{6}$$

F



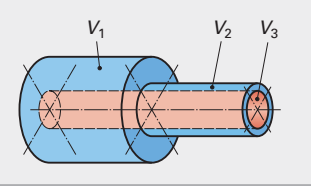
$$A_M = \pi \cdot d \cdot h$$

$$A_o = \pi \cdot (d \cdot h + r_1^2 + r_2^2)$$

$$V = \frac{\pi \cdot h \cdot (3 \cdot r_1^2 + 3 \cdot r_2^2 + h^2)}{6}$$

Zusammengesetzte Körper

E



Zusammengesetzte Körper werden zur Berechnung ihres Gesamtvolumens in Teilkörper zerlegt.

$$V_{ges} = V_1 + V_2 - V_3$$

Durch Addition und Subtraktion der Teilkörper erhält man das Gesamtvolumen.

Allgemein gilt:

$$V_{ges} = V_1 \pm V_2 \pm V_3 \pm \dots$$

V

- | | | | | | | | | | |
|----------------|--------------|----------------|--------------|---|--------|------|-------------|----------------|-----------------------|
| V | Volumen | A _O | Oberfläche | A | Fläche | b | Breite | d _m | mittlerer Durchmesser |
| A _m | Mittelfläche | A _d | Deckfläche | h | Höhe | r | Halbmesser | d | Durchmesser |
| A _g | Grundfläche | A _M | Mantelfläche | l | Länge | D, d | Durchmesser | s | Mantelhöhe, Länge |