

# FACHRECHNEN GASTGEWERBE

IM

## Grundstufe und Fachstufen

von Studiendirektor Dipl.-Gwl. F. Jürgen Herrmann  
unter Mitarbeit von  
Dipl.-Ökonom Helmut Klein

22., bearbeitete Auflage



Bestell-Nr.: 04291

**Autor**

F. Jürgen Herrmann, Dresden  
Mitarbeit Helmut Klein, Dresden

**Verlagslektorat**

Benno Buir

---

22. Auflage 2014

Druck 5 4 3 2 1

Alle Drucke derselben Auflage sind parallel einsetzbar, da sie bis auf die Behebung von Druckfehlern unverändert sind.

ISBN 978-3-8057-0660-5

Alle Rechte vorbehalten. Das Werk ist urheberrechtlich geschützt. Jede Verwertung außerhalb der gesetzlich geregelten Fälle muss vom Verlag schriftlich genehmigt werden.

© 2014 by Fachbuchverlag Pfanneberg GmbH & Co. KG, 42781 Haan-Gruiten  
<http://www.pfanneberg.de>

---

**Illustrationen**

Bernd Ringel Kommunikationsdesign, Dresden

**Umschlaggestaltung**

Michael Maria Kappenstein, 60594 Frankfurt/M.

**Layout, Grafik, Satz**

Tutte Druckerei & Verlagsservice GmbH, 94121 Salzweg

**Druck**

Konrad Tritsch Print und digitale Medien GmbH, 97199 Ochsenfurt-Hohestadt

## Vorwort

Wer im **Gastgewerbe** erfolgreich sein will, muss gut rechnen können. Die unterschiedlichsten Arbeitsaufgaben im Berufsalltag erfordern den Umgang mit Zahlen und setzen spezielle Rechenfertigkeiten voraus, die im Fachunterricht entwickelt, vertieft oder gefestigt werden. Damit bildet das Fachrechnen ein wichtiges Werkzeug zur exakten Lösung von gastronomischen Praxisaufgaben.

Innerhalb der **Ausbildung** werden fachliche Sachverhalte im Fachrechnen mit Zahlen belegt und dadurch einsichtiger. Demzufolge trägt das Fachrechnen auch zum besseren Verständnis technologischer, wirtschaftlicher und ernährungsphysiologischer Ausbildungsinhalte bei.

Das vorliegende Rechenbuch ist nach einem modernen methodisch-didaktischen Konzept erarbeitet worden. Es wendet sich an Lernende in der Berufsausbildung und in der Erwachsenenqualifizierung.

Das Lehrbuch ist ein Arbeits- und Übungsbuch für die gastronomische Ausbildung.

In den **Grundlagen** werden die mathematischen Grundlagen mit ausführlichen berufsbezogenen Übungsaufgaben behandelt.

Daran anschließend folgen in Anlehnung an die **gastronomischen Lernfelder** als thematische Sachgebiete zusammengefasst:

**Berechnungen in der Küche**

**Berechnungen im Service und bei der Restaurantorganisation**

**Berechnungen in der Warenwirtschaft und im Wirtschaftsdienst**

**Berechnungen im Hotel und beim Marketing**

Den Abschluss bilden **Prüfungsaufgabensätze** zur Übung und Fertigung in Vorbereitung auf Zwischen- und Abschlussprüfungen.

In der vorliegenden Auflage wurden Aktualisierungen hinsichtlich der veränderten Rechtsbestimmungen vorgenommen. Lohn- und Gehaltsrechnungen sind an das geltende Recht angepasst. Das betrifft insbesondere die Krankenversicherung.

Vorschläge und konstruktive Kritik zur Verbesserung des Lehrbuches werden auch weiterhin gern entgegen genommen.

Allen Lernenden und Lehrenden wünsche ich viel Erfolg im Umgang mit dem Rechenbuch.

F. Jürgen Herrmann  
Dresden 2014

# Inhaltsverzeichnis

|                        |   |
|------------------------|---|
| <b>Vorwort</b> .....   | 3 |
| <b>Leitfaden</b> ..... | 8 |

## Grundlagen

|   |    |
|---|----|
| <b>1 Grundrechenarten</b> .....                                   | 9  |
| 1.1 Addieren (Zusammenzählen) .....                               | 9  |
| 1.2 Subtrahieren (Abziehen) .....                                 | 11 |
| 1.3 Multiplizieren (Malnehmen) .....                              | 13 |
| 1.4 Dividieren (Teilen) .....                                     | 15 |
| <b>2 Bruchrechnung</b> .....                                      | 17 |
| 2.1 Arten von Brüchen .....                                       | 17 |
| 2.2 Erweitern und Kürzen von Brüchen .....                        | 18 |
| 2.3 Umwandeln von Brüchen .....                                   | 19 |
| 2.4 Addieren und Subtrahieren von Brüchen .....                   | 21 |
| 2.5 Multiplizieren von Brüchen .....                              | 23 |
| 2.6 Dividieren von Brüchen .....                                  | 24 |
| <b>3 Gewichte und Maße</b> .....                                  | 25 |
| 3.1 Mathematische Größen .....                                    | 25 |
| 3.2 Gewichtsberechnungen (Masseberechnungen) .....                | 26 |
| 3.3 Längenberechnungen .....                                      | 27 |
| 3.4 Flächenberechnungen .....                                     | 27 |
| 3.5 Raumberechnungen .....  | 28 |
| 3.6 Runden von Ergebnissen .....                                  | 30 |
| <b>4 Zweisatz und Dreisatz</b> .....                              | 34 |
| 4.1 Rechnen mit dem Zweisatz .....                                | 34 |
| 4.2 Rechnen mit dem Dreisatz .....                                | 34 |
| <b>5 Prozentrechnung und Promillerechnung</b> .....               | 39 |
| 5.1 Prozentrechnen .....  | 39 |
| 5.2 Berechnen von Promille .....                                  | 44 |
| <b>6 Zinsrechnung</b> .....                                       | 45 |
| 6.1 Berechnen von Jahreszinsen, Monatszinsen, Tageszinsen .....   | 45 |
| 6.2 Berechnen von Kapital .....                                   | 48 |
| 6.3 Berechnen des Zinssatzes .....                                | 48 |
| 6.4 Berechnen der Zinszeit .....                                  | 49 |
| 6.5 Kosten beim Ratenkauf .....                                   | 50 |
| <b>7 Durchschnitts-, Mischungs- und Verteilungsrechnung</b> ..... | 56 |
| 7.1 Berechnen von Durchschnittswerten .....                       | 56 |
| 7.2 Berechnen von Mischungen .....                                | 57 |
| 7.3 Verteilung von Kosten, Mengen und Gewinnen .....              | 59 |

|          |  |    |
|----------|--|----|
| <b>8</b> | <b>Grafische Darstellung von Fachproblemen</b> .....                     | 66 |
| 8.1      | Grafische Darstellung statistischer Kennzahlen .....                     | 66 |
| 8.2      | Verhältniszahlen .....   | 66 |
| 8.3      | Grafische Darstellungen .....  | 66 |
| 8.4      | Tabellen .....   | 66 |
| 8.5      | Diagramme .....  | 67 |
| 8.6      | Kartogramme und Piktogramme .....  | 69 |
| 8.7      | Darstellungen mit dem PC .....   | 71 |
| <b>9</b> | <b>Berechnungen zur Ernährung</b> .....                                  | 74 |
| 9.1      | Nährstoff- und Energiegehalt von Zutaten .....                           | 74 |
| 9.2      | Nährstoff- und Energiegehalt von Speisen, Getränken und Mahlzeiten ..... | 76 |
| 9.3      | Nährstoff- und Energiebedarf .....                                       | 78 |
| 9.4      | Pro-Kopf-Verbrauch und Verzehrgewohnheiten .....                         | 81 |
| 9.5      | Genussmittelverbrauch .....  | 82 |
| 9.6      | Broteinheiten .....  | 84 |

## Berechnungen in der Küche

|           |   |     |
|-----------|---|-----|
| <b>10</b> | <b>Hygiene und Arbeitsschutz</b> .....                      | 85  |
| 10.1      | Mikroorganismenwachstum und Krankheitsausbreitung .....     | 85  |
| 10.2      | Arbeitsschutz .....   | 88  |
| <b>11</b> | <b>Speisenherstellung</b> .....                             | 91  |
| 11.1      | Vorbereitungsverluste und Wareneinsatzmengen .....          | 91  |
| 11.2      | Knochenanteile im Fleisch .....                             | 95  |
| 11.3      | Bewertungssätze für Fleisch .....                           | 97  |
| 11.4      | Zubereitungsverluste .....                                  | 100 |
| 11.5      | Materialpreisveränderungen bei der Speisenherstellung ..... | 105 |
| <b>12</b> | <b>Rezepturen</b> .....                                     | 110 |
| 12.1      | Umrechnen, Erstellen von Rezepturen .....                   | 110 |
| 12.2      | Kosten .....  | 116 |
| <b>13</b> | <b>Kalkulationen</b> .....                                  | 121 |
| 13.1      | Grundlagen .....  | 121 |
| 13.2      | Ausführliche Zuschlagskalkulation .....                     | 124 |
| 13.3      | Gesamtzuschlag .....  | 127 |
| 13.4      | Kalkulationsfaktor .....                                    | 129 |
| 13.5      | Rückwärtskalkulation .....                                  | 130 |
| 13.6      | Deckungsbeitragskalkulation .....                           | 134 |
| 13.7      | Kombinierte Kalkulationen .....                             | 136 |

|           |  |     |
|-----------|--|-----|
| <b>14</b> | <b>Kosten, Arbeitsmittel, Arbeitsräume</b> | 140 |
| 14.1      | Gesamtkosten                               | 140 |
| 14.2      | Abschreibungen                             | 140 |
| 14.3      | Zinskosten                                 | 145 |
| 14.4      | Energiekosten                              | 146 |
| 14.5      | Kfz-Kosten                                 | 150 |
| 14.6      | Arbeitsmittel und Arbeitsräume             | 151 |

## Berechnungen im Service und in der Restaurantorganisation

|           |  |     |
|-----------|--|-----|
| <b>15</b> | <b>Maße, Ethanolgehalt, Blutalkohol</b>          | 153 |
| 15.1      | Maßangaben                                       | 153 |
| 15.2      | Ethanolgehalt                                    | 154 |
| 15.3      | Blutalkoholkonzentration (Promille)              | 154 |
| <b>16</b> | <b>Ausschank, Schankverluste, Materialkosten</b> | 158 |
| 16.1      | Ausschank, Schankverluste                        | 158 |
| 16.2      | Materialkosten                                   | 159 |
| <b>17</b> | <b>Kalkulationen von Getränken</b>               | 162 |
| 17.1      | Wein, Bier, Küchengetränke, Sonstiges            | 162 |
| 17.2      | Bargetränke                                      | 168 |
| <b>18</b> | <b>Abrechnungen mit dem Betrieb</b>              | 171 |
| <b>19</b> | <b>Abrechnung mit dem Gast</b>                   | 175 |
| 19.1      | Gästerechnungen                                  | 175 |
| 19.2      | Wechselgeld                                      | 178 |
| 19.3      | Mehrwertsteuer                                   | 179 |
| 19.4      | Rechnen mit dem Euro und anderen Währungen       | 184 |
| <b>20</b> | <b>Lohn- und Gehaltsabrechnungen</b>             | 190 |
| 20.1      | Entlohnungsarten                                 | 190 |
| 20.2      | Einzelleistungslöhne                             | 190 |
| 20.3      | Gruppenleistungslöhne                            | 192 |
| 20.4      | Steuer- und Sozialabgaben                        | 195 |
| <b>21</b> | <b>Bankett- und Cateringaufträge</b>             | 200 |

## Berechnungen in der Warenwirtschaft und im Wirtschaftsdienst

|           |  |     |
|-----------|--|-----|
| <b>22</b> | <b>Preisvergleiche</b>                 | 201 |
| 22.1      | Preisvergleiche mit dem Dreisatz       | 201 |
| 22.2      | Preisvergleiche mit dem Einstandspreis | 204 |

|           |  |     |
|-----------|--|-----|
| <b>23</b> | <b>Liefer- und Zahlungsbedingungen</b> .....     | 207 |
| <b>24</b> | <b>Brutto, Netto, Brutto für Netto</b> .....     | 213 |
| <b>25</b> | <b>Lagerverfahren, Lagerverluste</b> .....       | 215 |
| <b>26</b> | <b>Kontrollen im Magazin</b> .....               | 217 |
| 26.1      | Warenbestand, Warenbedarf .....                  | 217 |
| 26.2      | Lagerkennzahlen .....                            | 223 |
| <b>27</b> | <b>Inventur, Inventar, Bilanz</b> .....          | 227 |
| <b>28</b> | <b>Werkstoffe, Textilien, Ausrüstungen</b> ..... | 232 |
| <b>29</b> | <b>Reinigung und Pflege</b> .....                | 234 |
| <b>30</b> | <b>Personaleinsatz, Kostenvergleiche</b> .....   | 238 |

## Berechnungen im Hotel und beim Marketing

|           |                                     |     |
|-----------|-------------------------------------|-----|
| <b>31</b> | <b>Zimmerpreiskalkulation</b> ..... | 240 |
| 31.1      | Beherbergungskosten .....           | 240 |
| 31.2      | Ausgewählte Hotelkennziffern .....  | 243 |
| 31.3      | Zimmer – Inklusivpreise .....       | 247 |
| <b>32</b> | <b>Hoteljournal</b> .....           | 254 |
| <b>33</b> | <b>Hotelrechnung</b> .....          | 256 |
| <b>34</b> | <b>Kontrollberechnungen</b> .....   | 259 |
| 34.1      | Mengen und Umsätze .....            | 259 |
| 34.2      | Kartenpreise .....                  | 262 |
| <b>35</b> | <b>Werbung</b> .....                | 263 |

## Aufgabensätze zur Prüfungsvorbereitung

|   |     |
|---|-----|
| Prüfungssätze für alle gastgewerblichen Berufe .....      | 267 |
| Prüfungssätze – Hotelfachleute, Restaurantfachleute ..... | 270 |

## Anlagen

|                                   |     |
|-----------------------------------|-----|
| Nährwerttabelle .....             | 273 |
| Alphabetisches Sachregister ..... | 284 |
| Literaturverzeichnis .....        | 287 |

## Leitfaden durch das Rechenbuch

Bei der Arbeit mit dem Lehrbuch sollten Lernende und Lehrende beachten:

- **Grundlegende Rechenarten** werden zunächst wiederholt und durch Übungen gefestigt. Das betrifft die Abschnitte 1 bis 5, in denen Rechenarten aus der allgemein bildenden Schule behandelt und mit einfachen Aufgaben aus der gastronomischen Praxis geübt werden. Dieser Teil ist demzufolge gegliedert nach: Grundrechenarten, Bruchrechnung, Längen-, Flächen- und Körperberechnung, Dreisatz, Prozentrechnung.
- **Spezielle Berechnungen aus dem Gastgewerbe** thematisch geordnet nach Sachgebieten werden ab Abschnitt 10 durchgeführt. Dabei erhält der Lernende Verweise auf die grundlegenden Rechenarten.

### Beispiel:

Zinsrechnung

Rechenart Prozentrechnung

- **Kopfrechnen** gehört zu den praxisbezogenen Tätigkeiten, denn oft gibt es im Arbeitsprozess weder Gelegenheit noch Zeit, um erst nach Schreibzeug oder Taschenrechner zu greifen. Mitunter genügt es dann, Näherungswerte zu ermitteln. Durch Kopfrechnen können Rechenfertigkeiten besonders gut ausgeprägt werden.
- **Überschlagsrechnungen** gehen den Aufgabenlösungen voraus. Das Ergebnis jeder Fachrechenaufgabe sollte zunächst geschätzt oder überschlagen werden. Dadurch lassen sich unrealistische Ergebnisse von vornherein ausschließen.

### Beispiel:

Der Küchenchef verlangt, aus 1,300 kg pariertem Rinderfilet Portionsstücke à 200 g gleichmäßig zu schneiden. Im Kopf wird ermittelt, dass 6 Portionsstücke hergestellt werden können – mit einem Rest von 100 g.

- Auf **Rechenregeln** und bewährte **Rechenvorteile** wird im Text besonders verwiesen.

Anschaulichkeit im Lehrbuch soll das Lernen erleichtern. Durch Symbole und grafische Gestaltungselemente erhält der Lernende einen roten Faden beim Arbeiten mit dem Rechenbuch.

Besonders gekennzeichnet sind:

- Beispiele, Beispielaufgaben: **Beispiel**
- Herausstellung von Rechenregeln und Zusammenfassungen in Merksätzen: **Merke**
- Hinweise auf bereits bekannte Rechenarten, z. B.: **Prozentrechnung**
- Hinweise auf Rechenvorteile: **Rechenvorteile**
- **Übungsaufgaben**
- **Schwierigkeitsgrade** im Lösungsheft mit bis zu drei Punkten unter der Aufgabennummer

#### Merke:



- Führen Sie vor jeder Berechnung eine **Überschlagsrechnung** oder Ergebnisschätzung durch.
- Schnelles Rechnen ist nur dann wertvoll, wenn richtig gerechnet wird.
- Ständige Übung führt zur Ausbildung von rechnerischen Fertigkeiten.
- Schreiben Sie ordentlich und **unterstreichen** Sie mit Lineal.
- Vergessen Sie niemals Komma und Maßeinheit.
- Notieren Sie Nebenrechnungen gesondert.
- **Runden** Sie erst am Ende einer Berechnung.
- Zur Lösung einer Sachaufgabe gehört der **Antwortsatz**.
- **Endergebnisse** werden doppelt unterstrichen.
- Für **Rechenproben** verwenden Sie einen anderen Rechenweg.



# 1

## Grundrechenarten

In der gastronomischen Praxis lassen sich die meisten Aufgaben mit einfachen rechnerischen Mitteln lösen. Für viele Fachrechenaufgaben genügt es, die Regeln der **vier Grundrechenarten** zu beherrschen. Früher erworbene Schulkenntnisse müssen vorher zunächst wiederholt und vertiefend geübt werden. Danach kann mit Hilfe des **Taschenrechners** die Rechenzeit verkürzt werden. Neben dem schriftlichen Rechnen ist **Kopfrechnen** erforderlich.

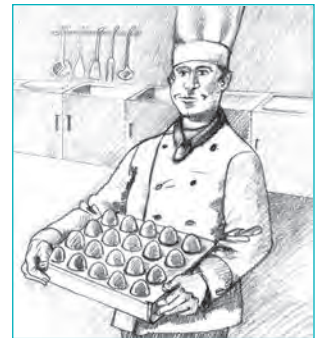
### 1.1 Addieren (Zusammenzählen)

#### Beispielaufgabe:

Koch Stefan soll den Gesamtbestand an Frühstückseiern ermitteln. Er zählt auf den Platten insgesamt 60 Eier und in einer Schüssel weitere 19 Stück. Welchen Gesamtbestand an Frühstückseiern ermittelt Stefan?

**Lösungsweg:** 60 Eier plus 19 Eier = 79 Eier  
60 + 19 = 79

**Der Gesamtbestand an Frühstückseiern beträgt 79 Stück.**



**Rechenregel:** Summand plus Summand gleich Summe

#### Merke:



- Schreiben Sie die Zahlen beim Zusammenzählen **genau untereinander**: jeweils Einer unter Einer, Zehner unter Zehner usw.
- Addieren Sie zuerst **von unten nach oben**, dann kontrollieren Sie die Addition in umgekehrter Richtung.
- Jede Textaufgabe hat einen **Antwortsatz**, andere Ergebnisse werden doppelt unterstrichen.

### Übungsaufgaben Addieren

**1** Ermitteln Sie durch Kopfrechnen die Summen und kontrollieren Sie die Ergebnisse.

|            |           |            |             |            |             |            |               |             |                     |
|------------|-----------|------------|-------------|------------|-------------|------------|---------------|-------------|---------------------|
| <b>1.1</b> | 93<br>+12 | <b>1.3</b> | 132<br>+ 35 | <b>1.5</b> | 184<br>+232 | <b>1.7</b> | 142<br>+985   | <b>1.9</b>  | 93 217<br>+176 430  |
| <b>1.2</b> | 23<br>+56 | <b>1.4</b> | 672<br>+124 | <b>1.6</b> | 243<br>+734 | <b>1.8</b> | 873<br>+2 456 | <b>1.10</b> | 172 300<br>+228 700 |

**2** Der Kontrollstreifen einer Ladenkasse weist im Einzelnen die nachstehenden Euro-Beträge auf. Addieren Sie die fünf Zahlenblöcke und ermitteln Sie jeweils die Gesamteinnahmen.

|            |  |            |   |            |  |            |   |            |   |
|------------|--|------------|---|------------|--|------------|---|------------|---|
| <b>2.1</b> | 16,71<br>12,70<br>6,70<br>3,20<br>124,50<br>27,91<br>11,23<br>14,50<br>32,10<br>2,30 | <b>2.2</b> | 26,61<br>12,87<br>3,89<br>1,75<br>22,33<br>98,87<br>5,55<br>231,20<br>88,16<br>1,20 | <b>2.3</b> | 0,63<br>5,98<br>12,70<br>236,90<br>432,19<br>8,70<br>2,10<br>55,91<br>8,19<br>6,90 | <b>2.4</b> | 126,89<br>67,90<br>0,89<br>65,03<br>65,98<br>7,12<br>91,12<br>64,12<br>12,30<br>11,12 | <b>2.5</b> | 17,12<br>4,50<br>0,75<br>120,10<br>7,10<br>23,10<br>22,98<br>87,11<br>15,20<br>1,00 |
|------------|--|------------|---|------------|--|------------|---|------------|---|

3 Addieren Sie. Schreiben Sie dazu die entsprechenden Zahlen genau untereinander und achten Sie auf die Maßeinheiten.

3.1  $2,05 \text{ €} + 3,10 \text{ €} + 1,34 \text{ €} + 0,23 \text{ €} + 1,25 \text{ €}$

3.2  $3,21 \text{ €} + 85 \text{ Cent} + 0,25 \text{ €} + 456 \text{ Cent} + 0,06 \text{ €}$

3.3  $3,24 \text{ m} + 234 \text{ cm} + 2581 \text{ mm} + 1,34 \text{ m} + 67 \text{ mm}$

3.4  $1,5 \text{ kg} + 652 \text{ g} + 125 \text{ g} + 45,523 \text{ kg} + 34 \text{ g}$

4 Ein Gastwirt hat sich für technische Neuanschaffungen von vier Lieferfirmen Angebote eingeholt.

| Gegenstand       | Angebot 1 | Angebot 2 | Angebot 3 | Angebot 4 |
|------------------|-----------|-----------|-----------|-----------|
| Mikrowellengerät | 2 400 €   | 2 650 €   | 2 500 €   | 2 650 €   |
| Trommeltrockner  | 800 €     | 900 €     | 850 €     | 950 €     |
| Spülmaschine     | 1 200 €   | 1 350 €   | 1 250 €   | 1 350 €   |

Ermitteln Sie das preislich günstigste Angebot.

5 Vier Restaurantfachleute einer Speisegaststätte verzeichnen folgende wöchentliche Umsätze in €:

| Tag        | Restaurantfachleute |      |      |      |
|------------|---------------------|------|------|------|
|            | A                   | B    | C    | D    |
| Montag     | 432                 | 534  | 286  | 370  |
| Dienstag   | 354                 | 243  | 354  | 369  |
| Mittwoch   | frei                | 432  | 243  | 440  |
| Donnerstag | 543                 | frei | 432  | 435  |
| Freitag    | 423                 | 324  | frei | 452  |
| Sonnabend  | 564                 | 612  | 874  | 850  |
| Sonntag    | 823                 | 724  | 879  | frei |

Ermitteln Sie den höchsten und niedrigsten Gesamtumsatz.

6 Die Übersicht spiegelt den Birausschank eines Ausflugslokals für eine Woche wider:

#### Birausschank in Litern

| Tag        | Pilsner | Export | Alt | Bock |
|------------|---------|--------|-----|------|
| Montag     | 32      | 34     | 21  | 26   |
| Dienstag   | 34      | 43     | 15  | 54   |
| Mittwoch   | 25      | 32     | 12  | 24   |
| Donnerstag | 53      | 25     | 15  | 32   |
| Freitag    | 42      | 24     | 14  | 21   |
| Sonnabend  | 54      | 42     | 11  | 24   |
| Sonntag    | 23      | 24     | 21  | 26   |

6.1 Ermitteln Sie den Wochenumsatz der genannten Biersorten.

6.2 Errechnen Sie den gesamten Bierumsatz je Tag.

6.3 Errechnen Sie den wöchentlichen Gesamtumsatz an Bier.

7 Franz benötigt bei Ausbildungsbeginn als Koch folgende Berufs- und Hygienekleidung:

3 Kochmützen 36,45 €      3 Kochhosen 76,50 €

3 Kochjacken 102,00 €      2 Schürzen, weiß 21,45 €

3 Halstücher 12,83 €      1 Schürze, blau 21,00 €

Wie viel € muss Franz für die Berufs- und Hygienebekleidung bezahlen?

8 Gerd muss bei Lehrbeginn als Restaurantfachmann folgende Berufsbekleidung kaufen:

|                   |          |                        |         |
|-------------------|----------|------------------------|---------|
| 1 schwarzen Anzug | 160,00 € | 7 weiße Taschentücher  | 13,30 € |
| 7 weiße Hemden    | 101,50 € | 4 Paar dunkle Socken   | 12,00 € |
| 2 schwarze Binder | 14,00 €  | 2 Paar schwarze Schuhe | 78,00 € |

Wie viel € muss Gerd für die Berufsbekleidung bezahlen?

9 Restaurantfachfrau Silke erstellt den Rechnungsbetrag.

|                          |         |
|--------------------------|---------|
| 2 Tagesmenü              | 17,80 € |
| 2 Gläser Bier            | 3,70 €  |
| 2 Flaschen Mineralwasser | 2,50 €  |
| 2 Eisbecher              | 6,95 €  |
| 2 Tassen Kaffee          | 2,50 €  |

Welchen Gesamtbetrag hat Silke errechnet?

## 1.2 Subtrahieren (Abziehen)

### Beispielaufgabe:

Koch Stefan hat aus einer Schüssel mit 26 Eiern 7 Eier entnommen.  
Wie viele Eier liegen noch in der Schüssel?

**Lösungsweg:** 26 Eier minus 7 Eier = 19 Eier  

$$\begin{array}{r} 26 \\ - 7 \\ \hline 19 \end{array}$$

In der Schüssel liegen noch **19 Eier**.



**Rechenregel:** Minuend minus Subtrahend gleich Differenz

### Merke:



- Schreiben Sie die Zahlen ebenso wie beim Zusammenzählen **genau untereinander**: jeweils Einer, Zehner, Hunderter usw.
- Führen Sie eine **Probe** durch, indem Sie Differenz und Subtrahenden zusammenzählen.
- Jede Textaufgabe hat einen **Antwortsatz**, andere Ergebnisse werden doppelt unterstrichen.

### Übungsaufgaben Subtrahieren

1 Subtrahieren Sie im Kopf und kontrollieren Sie die Ergebnisse.

|               |                |                |                  |                    |
|---------------|----------------|----------------|------------------|--------------------|
| <b>1.1</b> 93 | <b>1.3</b> 132 | <b>1.5</b> 384 | <b>1.7</b> 1 142 | <b>1.9</b> 93 217  |
| -12           | -35            | -232           | -985             | -17 643            |
| <b>1.2</b> 73 | <b>1.4</b> 672 | <b>1.6</b> 943 | <b>1.8</b> 873   | <b>1.10</b> 12 354 |
| -56           | -124           | -734           | -246             | -11 239            |

2 Subtrahieren Sie. Schreiben Sie dazu die entsprechenden Größen genau untereinander und achten Sie auf die Maßeinheiten.

|            |  |
|------------|--|
| <b>2.1</b> | 22,05 € - 3,10 € - 1,34 € - 0,23 € - 1,25 €    |
| <b>2.2</b> | 543,21 € - 85 Cent - 0,25 € - 33,22 € - 2,06 € |
| <b>2.3</b> | 233 m - 34 cm - 2 581 mm - 1,34 m - 67 mm      |
| <b>2.4</b> | 46 kg - 750 g - 125 g - 40,5 kg - 200 g        |

3 Von 3,800 kg frischen Möhren stehen nach der Vorbereitung noch 3,130 kg zur Verfügung. Ermitteln Sie den Putzverlust in kg.

- 4 Im Konservenlager ergeben sich folgende Bestandsänderungen:

| Konservenart | Bestand am Ersten d. M. | Bestand am Letzten d.M. |
|--------------|-------------------------|-------------------------|
| Junge Erbsen | 264 Stück               | 25 Stück                |
| Brechbohnen  | 143 Stück               | 142 Stück               |
| Spargel      | 86 Stück                | 53 Stück                |

Ermitteln Sie die jeweiligen Bestandsänderungen in Stück.

- 5 Das Hotel „Goldener Stern“ mit einer Bettenkapazität von 86 Betten hat in einer Woche folgende Belegung:

| Wochentag  | Belegung              | Wochentag | Belegung              |
|------------|-----------------------|-----------|-----------------------|
| Montag     | 64 Übernachtungsgäste | Freitag   | 78 Übernachtungsgäste |
| Dienstag   | 73 "                  | Sonnabend | 83 "                  |
| Mittwoch   | 45 "                  | Sonntag   | 28 "                  |
| Donnerstag | 52 "                  |           |                       |

Ermitteln Sie die freien Betten jedes Tages.

- 6 Ermitteln Sie durch Kopfrechnen den Betrag, den der Gast zurückerhält.

|                     | 6.1     | 6.2     | 6.3      | 6.4        | 6.5      |
|---------------------|---------|---------|----------|------------|----------|
| Rechnungsbetrag:    | 65,85 € | 13,95 € | 145,80 € | 805,00 €   | 153,20 € |
| Der Gast zahlt mit: | 70,00 € | 50,00 € | 200,00 € | 1 000,00 € | 200,00 € |

- 7 Ein Café hat im vergangenen Geschäftsjahr einen Gesamtumsatz in Höhe von 826 164,65 € erzielt. Die Gesamtkosten beliefen sich auf 715 747,20 €.

Wie viel € blieben dem Caféinhaber am Ende des Geschäftsjahres?

- 8 Restaurantfachfrau Silke hat im Restaurant eine Stunde nach Arbeitsbeginn folgende Beträge abkassiert:

4,85 €, 3,50 €, 17,20 €, 46,10 €, 7,10 €, 75,20 €,  
140,00 €, 2,50 €, 17,30 €, 2,20 €, 9,40 €, 54,90 €.

Bei Arbeitsbeginn hatte sie 80 € Wechselgeld.

8.1 Wie viel € hat die Bedienung in ihrer Kasse?

8.2 In der Kasse sind 531,29 €. Ermitteln Sie das Trinkgeld, das die Bedienung erhielt.

- 9 Drei Auszubildende schälen Spargel.

| Auszubildender | Spargel ungeschält | Putzverlust |
|----------------|--------------------|-------------|
| A              | 6,750 kg           | 1,280 kg    |
| B              | 8,250 kg           | 1,730 kg    |
| C              | 7,120 kg           | 1,450 kg    |

9.1 Errechnen Sie die Menge an geputztem Spargel je Auszubildendem.

9.2 Ermitteln Sie den gesamten Putzverlust, der beim Schälen von Spargel anfällt.

- 10 Wie viel € bekommen die Hotelmitarbeiter ausgezahlt, wenn jeweils vom Bruttolohn folgende Sozialabgaben und Steuern abgezogen werden?

|                            | 10.1       | 10.2       | 10.3       | 10.4       | 10.5       |
|----------------------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| Bruttolohn:                | 1 750,00 € | 2 300,00 € | 2 680,00 € | 3 458,00 € | 3 800,00 € |
| Sozialabgaben/<br>Steuern: | 520,00 €   | 745,00 €   | 923,00 €   | 1 311,00 € | 1 525,00 € |

- 11 Ein Restaurant bezieht vom benachbarten Fleischerfachgeschäft Wurstspezialitäten. Im Monat Januar wurden Lieferungen mit folgendem Materialwert bezogen:

| Liefertermin | Materialwert |
|--------------|--------------|
| 02.01.       | 123,18 €     |
| 05.01.       | 253,23 €     |
| 09.01.       | 165,19 €     |
| 13.01.       | 87,28 €      |
| 18.01.       | 312,00 €     |
| 24.01.       | 136,20 €     |
| 29.01.       | 230,00 €     |

Abschlagszahlungen erfolgten am 06.01., 13.01. und 24.01. mit jeweils 400 €.

11.1 Ermitteln Sie die Differenz zwischen Materialwert und Abschlagszahlung am 06.01.

11.2 Welche Differenz ist am Monatsende auszugleichen?

## 1.3 Multiplizieren (Malnehmen)

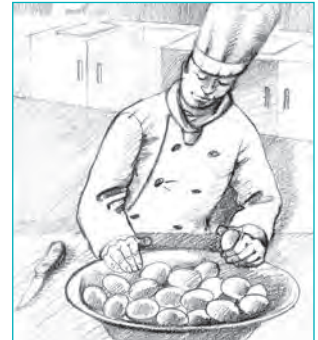
### Beispielaufgabe:

Koch Stefan soll für 5 Gäste Omeletts aus je 3 Eiern herstellen. Wie viele Eier benötigt er insgesamt?

**Lösungsweg:**

|         |             |   |              |
|---------|-------------|---|--------------|
| 5 Gäste | mal 3 Eier  | = | 15 Eier oder |
| 3 Eier  | mal 5 Gäste | = | 15 Eier      |
| 5       | x 3         | = | 15           |
| 3       | x 5         | = | 15           |

**Stefan benötigt insgesamt 15 Eier.**



**Rechenregel:** Faktor mal Faktor gleich Produkt

### Merke:



- Die Faktoren können untereinander **vertauscht** werden.
- Beim Multiplizieren von **Dezimalzahlen** wird gerechnet, als ob es sich um ganze Zahlen handelt.
- Vom Ergebnis werden von rechts nach links durch Komma so viele Stellen abgetrennt, wie sie die **multiplizierten Zahlen zusammen** hinter den Kommastellen enthalten.
- Jede Textaufgabe hat einen **Antwortsatz**, andere Ergebnisse werden doppelt unterstrichen.

### Multiplizieren mit 10, 100, 1 000, 10 000 usw.

#### Rechenvorteile:

Beim Multiplizieren mit 10 wird eine Null angehängt

100 werden zwei Nullen angehängt

1 000 werden drei Nullen angehängt usw.

#### Beispiel:

$$7 \times 10 = 70$$

$$7 \times 100 = 700$$

$$7 \times 1\,000 = 7\,000 \text{ usw.}$$

#### Kommasetzung bei Dezimalstellen

Beim Multiplizieren von Dezimalzahlen rechnet man zunächst mit ganzen Zahlen. Danach zählt man die Stellen nach dem Komma bei beiden Faktoren zusammen und trennt diese beim Ergebnis von rechts beginnend durch Komma ab.

**Beispiel:**

$$\begin{array}{r} 85,3 \times 2,750 \\ \hline 234,5750 \end{array}$$

**1. Faktor:** 1 Stelle nach dem Komma**2. Faktor:** 3 Stellen nach dem Komma, zusammen4 Stellen, **von rechts** abgezählt

234,5750

**Übungsaufgaben Multiplizieren**

**1** Multiplizieren Sie die Zahlen 24 654 9 781 14,3 12,45 1 876,1 0,34 0,0012 jeweils mit:  
**1.1** 10                    **1.2** 100                    **1.3** 1000                    **1.4** 10000

**2** Multiplizieren Sie die Zahlen 14 5,3 10,74 11,04 29,98 1436,006 jeweils mit:  
**2.1** 11                    **2.2** 12                    **2.3** 13                    **2.4** 17                    **2.5** 21

**3** Multiplizieren Sie schriftlich.

**3.1** 4 x 2,5      3,3 x 8      2,3 x 7,3      2 345,23 x 1,2397  
**3.2** 2 x 7,3      2,5 x 9      9,5 x 5,2      9 875,24 x 8,0035  
**3.3** 5 x 5,5      7,3 x 2      5,5 x 6,6      1 235,76 x 3,3333

**4** Ermitteln Sie im Einzelnen die verbrauchten Lebensmittelmengen in kg.

| Portionsmenge | <b>4.1</b> Portionszahl | <b>4.2</b> Portionszahl | <b>4.3</b> Portionszahl |
|---------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| 25g           | 26 Portionen Butter     | 32 Portionen Butter     | 13 Portionen Butter     |
| 40g           | 23 Portionen Brot       | 30 Portionen Brot       | 20 Portionen Brot       |
| 20g           | 46 Portionen Schinken   | 60 Portionen Schinken   | 21 Portionen Schinken   |
| 10 g          | 64 Portionen Lyoner     | 58 Portionen Lyoner     | 42 Portionen Lyoner     |

**5** Verarbeitet werden:

4,735 kg Rinderkeule je kg zu 13,86 €

3,250 kg Rinderfilet je kg zu 23,69 €

Ermitteln Sie den Materialwert des gesamten Verarbeitungsfleisches in €.

**6** Ermitteln Sie die Gesamtmenge des jeweiligen Getränks in Litern.

251 Gläser Vollbier je Glas 0,4 l

162 Gläser Pilsner je Glas 0,2 l

64 Karaffen Wein je Karaffe 0,25 l

213 Gläser Wein je Glas 0,2 l

25 Gläser Cognac je Glas 0,04 l

**7** Berechnen Sie den gesamten Materialwert des Frischfleisches in €.

Rinderfilet 4,230 kg je kg 18,93 €

Kalbsfrikandeau 3,860 kg je kg 16,10 €

Schweinehals 9,230 kg je kg 3,87 €

Lammkeule 2,355 kg je kg 4,60 €

**8** Von einer Wandergruppe wurden 7 Gläser Cola, 5 Gläser Mineralwasser und 11 Gläser Limonade zum Preis von je 1,20 € bestellt. Der Wanderleiter bezahlte für die gesamte Gruppe. Ermitteln Sie durch Kopfrechnen, wie viel € der Wanderleiter insgesamt zu zahlen hatte.

9 Ermitteln Sie die Rechnungssumme folgender Lieferung des benachbarten Fleischerfachgeschäftes:

| Menge    | Lebensmittel           | Preis je Einheit |
|----------|------------------------|------------------|
| 0,500 kg | Bündner Fleisch        | zu 4,10 €/100g   |
| 5,000 kg | Schwarzwälder Schinken | zu 11,80 €/kg    |
| 4,500 kg | Kochschinken           | zu 11,05 €/kg    |
| 2,000 kg | Lyoner                 | zu 6,20 €/kg     |

## 1.4 Dividieren (Teilen)

### Beispielaufgabe:

In einer Woche wurden 28 Omeletts verkauft. Restaurantfachfrau Silke rechnet den durchschnittlichen Verkauf je Tag aus.

Wie viele Omeletts wurden täglich im Durchschnitt verkauft?

**Lösungsweg:** 28 Omeletts geteilt durch 7 Tage = 4 Omeletts  
 $28 : 7 = 4$

**Im Durchschnitt wurden täglich 4 Omeletts verkauft.**



**Rechenregel:** Dividend geteilt durch Divisor gleich Quotient

### Merke:



- Beim Dividieren können **Brüche** oder **Dezimalzahlen** entstehen.
- Wird eine ganze Zahl durch eine größere Zahl geteilt, dann entsteht ein Bruch oder eine Bruchzahl.
- Wird eine ganze Zahl durch eine kleinere ganze Zahl dividiert, dann muss beim Ergebnis ein Komma gesetzt werden, wenn die letzte Ziffer der zu teilenden Zahl überschritten wird.
- Solange noch ein zu teilender Rest bleibt, muss beim Weiterrechnen jeweils eine 0 angefügt werden.
- Zur **Kontrolle** wird multipliziert: Quotient mal Divisor gleich Dividend.
- Jede Textaufgabe hat einen **Antwortsatz**, andere Ergebnisse werden doppelt unterstrichen.

## Übungsaufgaben Dividieren

1 Ermitteln Sie durch Kopfrechnen.

**1.1**  $64 : 8$        $81 : 9$        $36 : 6$        $225 : 25$

**1.2**  $144 : 12$        $585 : 13$        $300 : 12$        $182 : 14$

**1.3**  $220 : 11$        $432 : 18$        $255 : 17$        $234 : 13$

2 Berechnen Sie schriftlich.

**2.1**  $76\,254 : 23$        $8\,743 : 132$        $99\,852 : 321$

**2.2**  $1\,234,6 : 12$        $8\,732 : 312$        $98\,522 : 876$

**2.3**  $8,5 : 2,4$        $12,3 : 1,5$        $54,29 : 12,8$

3 Die Speisegaststätte „Markgräfler Hof“ bezieht badisches Obstwässerle direkt von der Brennerei in Ballons zu 3,9 Liter. Für den Ausschank füllt man den Obstbrand in Flaschen mit 0,7 Liter Inhalt um. Wie viele Flaschen lassen sich von zwei Ballons abfüllen?

- 4** Der Rechnungsbetrag einer zehnköpfigen Herrenrunde lag bei 387,25 €. Er sollte zu gleichen Teilen bezahlt werden.  
Wie viel € musste jeder der Gäste zahlen?
- 5** Eine Flasche Nordhäuser Doppelkorn kostet im Einkauf 9,20 €. Berechnen Sie den Materialwert für ein Glas, wenn insgesamt 32 Gläser ausgeschenkt werden.
- 6** Aus einem 75-Liter-Fass Bier werden 250 Gläser gezapft. Ermitteln Sie den Glaseinhalt in Litern.
- 7** In einer Betriebskantine werden monatlich (22 Tage) 7 810 Stammessen zu je 2,85 € verkauft.  
**7.1** Berechnen Sie die Anzahl der täglichen Essensteilnehmer.  
**7.2** Berechnen Sie die Anzahl der Essen je Woche (5 Tage).
- 8** Für eine Ausflugsgesellschaft von 30 Gästen soll Steinbutt zubereitet werden. 6 kg Steinbutt werden beim Fischhändler bestellt.  
Überprüfen Sie, ob die bestellte Menge für 30 Portionen ausreicht.
- 9** Von der Brauerei werden 12 Kästen Bockbier mit je 20 Flaschen bezogen. Der Gesamtpreis beträgt 153,60 €.  
**9.1** Berechnen Sie den Kastenpreis.  
**9.2** Berechnen Sie den Preis der Einzelflasche.
- 10** Der Jahresumsatz im Straßenverkauf eines Stadtcafés betrug 67 300 €. Das Café hatte an 308 Tagen im Jahr geöffnet.  
**10.1** Wie hoch waren die durchschnittlichen Tageseinnahmen im Straßenverkauf?  
**10.2** Wie hoch waren die durchschnittlichen Wocheneinnahmen (44 Wochen) im Straßenverkauf?
- 11** Berliner Pfannkuchen werden nach folgender Rezeptur hergestellt:
- |                |          |
|----------------|----------|
| Weizenmehl     | 1,000 kg |
| Vollmilch      | 0,450 kg |
| Margarine      | 0,120 kg |
| Backhefe       | 0,075 kg |
| Zucker         | 0,120 kg |
| Eier (3 Stück) | 0,150 kg |
| Salz           | 0,015 kg |
- Ermitteln Sie die übrigen Rezepturbestandteile in kg, wenn 9,500 kg Weizenmehl verwendet werden.
- 12** Nach Abschluss einer Hochzeitsfeier erhalten 5 Restaurantfachleute ein Trinkgeld in Höhe von insgesamt 361,75 €.  
Berechnen Sie den Anteil eines jeden.
- 13** 3 Aushilfsbedienungen erzielten bei einem Straßenfest einen Gesamtumsatz von 8 221 €. Ermitteln Sie den Umsatzanteil einer Aushilfsbedienung.

**Merke:**

Kommen in einer Aufgabe unterschiedliche Grundrechenarten vor, dann gilt:  
**Punktrechnung** (Multiplikation, Division) vor **Strichrechnung** (Addition, Subtraktion).





# 2

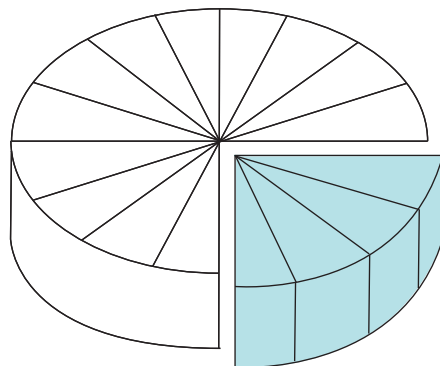
## Bruchrechnung

In der Gastronomie hat die Bruchrechnung eine untergeordnete Bedeutung. Manchmal werden bei Rezepturen Mengenangaben in Form von Brüchen dargestellt. Im Allgemeinen rechnet der Gastronom jedoch mit Dezimalzahlen.

Ein Bruch entsteht, wenn ein Ganzes in gleiche Teile zerlegt wird und dann vom Ganzen nur noch ein oder mehrere Teile betrachtet werden.

$$1 : 4 = \frac{1}{4}$$

**Der Bruchstrich ersetzt das Teilungszeichen.**



### 2.1 Arten von Brüchen

Man unterscheidet gemeine Brüche und Dezimalbrüche.

#### Gemeine Brüche

Gemeine Brüche sind Teile eines Ganzen, deren Wert durch zwei Zahlen und einen **Bruchstrich** dargestellt wird. Die Zahl über dem Bruchstrich zählt die Anzahl der vorhandenen Teile = **Zähler**.

Die Zahl unter dem Bruchstrich nennt die Anzahl der Teile, in die ein Ganzes geteilt ist = **Nenner**.

#### Beispiel:

|                |                |                               |
|----------------|----------------|-------------------------------|
| $\frac{1}{10}$ | → Zähler:      | Anzahl der Bruchteile         |
|                | → Bruchstrich: | bedeutet Division (:)         |
|                | → Nenner:      | Anzahl der Teile eines Ganzen |
| $\frac{1}{10}$ | = 1 : 10 =     | zehnter Teil eines Ganzen     |

**Merke:** Gemeine Brüche werden mit Hilfe eines Bruchstrichs dargestellt:



$$\frac{7}{10} \frac{3}{4} \frac{6}{8} \frac{8}{9} \frac{9}{10} \frac{4}{7} \frac{1}{2} \rightarrow \frac{\text{Zähler}}{\text{Nenner}}$$

Brüche bestehen

- aus dem Zähler (über dem Bruchstrich), der die Anzahl der Teile angibt,
- aus dem Bruchstrich, der geteilt durch (:) bedeutet,
- aus dem Nenner (unter dem Bruchstrich), der besagt, in wie viele Teile das Ganze zerlegt wurde.

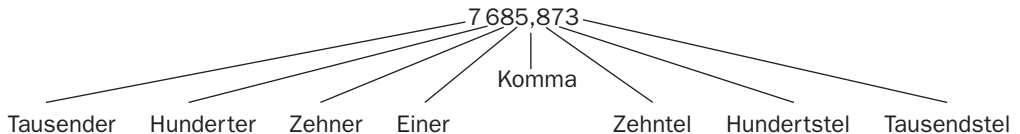
Innerhalb der gemeinen Brüche unterscheidet man:

|                          |   |                |                |                |
|--------------------------|---|----------------|----------------|----------------|
| <b>Echte Brüche:</b>     | Sie sind kleiner als ein Ganzes. Der Zähler ist deshalb kleiner als der Nenner.   | $\frac{1}{2}$  | $\frac{1}{4}$  | $\frac{3}{4}$  |
| <b>Scheinbrüche:</b>     | Der Wert entspricht einer ganzen Zahl, Zähler und Nenner sind gleich groß oder der Zähler ist ein Vielfaches des Nenners. | $\frac{3}{3}$  | $\frac{4}{2}$  | $\frac{21}{7}$ |
| <b>Unechte Brüche:</b>   | Sie sind größer als ein Ganzes. Der Zähler ist größer als der Nenner.   | $\frac{5}{4}$  | $\frac{8}{5}$  | $\frac{12}{7}$ |
| <b>Gemischte Zahlen:</b> | Sie bestehen aus einer ganzen Zahl und einem echten Bruch.  | $2\frac{1}{4}$ | $5\frac{3}{4}$ |                |

### Dezimalbrüche

Dezimalbrüche (Dezimalzahlen) sind Teile ganzer Zahlen, deren Zahlenwert nach dem Zehnersystem ausgedrückt werden kann (Zehntel, Hundertstel). Dezimalzahlen sind Zahlen mit einem Komma. Ganze Zahlen werden vom Dezimalbruch durch Komma getrennt.

#### Beispiel:



## 2.2 Erweitern und Kürzen von Brüchen

Beim Erweitern und Kürzen bleibt der Wert eines Bruches unverändert.

**Beispiel:**

$$\frac{1}{3} \text{ erweitert mit } 4 = \frac{4}{12}$$

$$\frac{4}{12} \text{ gekürzt mit } 4 = \frac{1}{3}$$

### Erweitern

Brüche mit verschiedenen Nennern lassen sich nur dann addieren oder subtrahieren, wenn sie vorher auf den gleichen Nenner gebracht wurden. Dies geschieht durch Erweitern.

**Beispiel:**

$\frac{1}{6}$  muss erweitert werden, im Nenner soll 12 stehen.  
 6 mal 2 ist 12. Zähler und Nenner müssen demzufolge mit 2 erweitert werden.

$$\frac{1}{6} \times \left[ \frac{2}{2} \right] = \frac{2}{12}; \quad \frac{1 \times 2}{6 \times 2} = \frac{2}{12}$$

**Merke:** Ein Bruch wird erweitert, indem Zähler und Nenner mit der gleichen Zahl multipliziert werden.



**Kürzen**

Bei Bruchrechenaufgaben können als Ergebnis Brüche entstehen, die noch gekürzt werden müssen. Aus unechten Brüchen werden dann ganze oder gemischte Zahlen.

**Beispiele:**  $\frac{4}{2} = 2$      $\frac{5}{4} = 1 \frac{1}{4}$      $\frac{6}{4} = 1 \frac{1}{2}$

Es kann aber auch der Fall eintreten, dass Zähler und Nenner eines Bruches durch eine gemeinsame Zahl teilbar sind.

**Beispiele:**  $\frac{28}{56}$  Zähler und Nenner geteilt durch 28 =  $\frac{1}{2}$   
 $\frac{3}{6}$  Zähler und Nenner geteilt durch 3 =  $\frac{1}{2}$

**Merke:** Ein Bruch wird gekürzt, indem Zähler und Nenner durch die gleiche Zahl dividiert werden.



## 2.3 Umwandeln von Brüchen

Jeder gemeine Bruch lässt sich auch als Dezimalbruch darstellen. Andererseits kann jeder Dezimalbruch auch als gemeiner Bruch geschrieben werden.

Umwandlung eines **gemeinen Bruchs**  
 in einen Dezimalbruch:  $\frac{1}{2}$  oder  $1 : 2 = 0,5$

Umwandlung einer **Dezimalzahl**  
 in einen gemeinen Bruch:  $0,5 = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$

**Beispiele:****Umwandlung eines gemeinen Bruchs in einen Dezimalbruch**

$\frac{1}{4}$  von einer Liter-Flasche Weißwein = 0,25 l Weißwein

$$1 : 4 = 0,25$$

**Dezimalbruch (Dezimalzahl) 0,25****Umwandlung eines Dezimalbruchs in einen gemeinen Bruch**

0,5 Liter Weißwein =  $\frac{1}{2}$  Liter Weißwein

$$0,5 = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$

**Gemeiner Bruch**  $\frac{1}{2}$

**Merke:** Mit Dezimalzahlen rechnet man wie mit ganzen Zahlen.



## Übungsaufgaben Erweitern, Kürzen, Umwandeln von Brüchen

1 Erweitern Sie die Brüche mit 3 durch Kopfrechnen.

**1.1**  $\frac{1}{3}$     **1.3**  $\frac{2}{5}$     **1.5**  $\frac{8}{10}$     **1.7**  $\frac{12}{123}$

**1.2**  $\frac{1}{4}$     **1.4**  $\frac{4}{7}$     **1.6**  $\frac{13}{45}$     **1.8**  $\frac{32}{210}$

2 Erweitern Sie durch Kopfrechnen.

**2.1**  $\frac{1}{2}$  in Viertel    **2.3**  $\frac{9}{5}$  in Zehntel

**2.2**  $\frac{3}{4}$  in Achtel    **2.4**  $\frac{4}{3}$  in Neuntel

3 Formen Sie die gemischten Zahlen durch Kopfrechnen in unechte Brüche um, erweitern Sie diese danach mit 2.

**3.1**  $1\frac{1}{2}$     **3.3**  $3\frac{1}{6}$     **3.5**  $5\frac{2}{3}$     **3.7**  $45\frac{1}{2}$

**3.2**  $2\frac{1}{4}$     **3.4**  $6\frac{1}{3}$     **3.6**  $12\frac{3}{5}$     **3.8**  $36\frac{5}{4}$

4 Kürzen Sie durch Kopfrechnen.

**4.1**  $\frac{2}{4}$      $\frac{4}{8}$      $\frac{9}{3}$      $\frac{12}{4}$     **4.4**  $\frac{9}{81}$      $\frac{9}{63}$      $\frac{173}{17}$      $\frac{162}{18}$

**4.2**  $\frac{8}{16}$      $\frac{11}{22}$      $\frac{66}{44}$      $\frac{12}{144}$     **4.5**  $\frac{3}{6}$      $\frac{6}{8}$      $\frac{10}{15}$      $\frac{100}{150}$

**4.3**  $\frac{2}{8}$      $\frac{6}{36}$      $\frac{19}{38}$      $\frac{99}{22}$     **4.6**  $\frac{9}{6}$      $\frac{350}{700}$      $\frac{17}{340}$      $\frac{500}{1000}$

5 Kürzen Sie die unechten Brüche, bilden Sie danach gemischte Zahlen.

**5.1**  $\frac{1000}{400}$     **5.2**  $\frac{15}{10}$     **5.3**  $\frac{700}{300}$     **5.4**  $\frac{16}{12}$     **5.5**  $\frac{35}{5}$     **5.6**  $\frac{49}{14}$

6 Wandeln Sie die Brüche in Dezimalzahlen um. Gegebenenfalls runden Sie die dritte Dezimalstelle.

**6.1**  $\frac{1}{2}$     **6.3**  $\frac{13}{36}$     **6.5**  $2\frac{2}{7}$     **6.7**  $17\frac{7}{45}$

**6.2**  $\frac{7}{9}$     **6.4**  $\frac{27}{39}$     **6.6**  $8\frac{1}{3}$     **6.8**  $123\frac{26}{83}$

7 Wandeln Sie die Dezimalzahlen in Brüche bzw. gemischte Zahlen um. Kürzen Sie, soweit möglich.

**7.1** 0,4    **7.3** 0,12    **7.5** 0,125    **7.7** 123,72

**7.2** 0,3    **7.4** 0,35    **7.6** 12,62    **7.8** 312,124

8 Wandeln Sie die Brüche in Prozentzahlen um.

**8.1**  $\frac{1}{1}$     **8.2**  $\frac{1}{2}$     **8.3**  $\frac{1}{4}$     **8.4**  $\frac{3}{4}$     **8.5**  $\frac{2}{1}$     **8.6**  $1\frac{1}{2}$

9 Wandeln Sie die Prozentzahlen in Brüche um.

**9.1** 25 %    **9.2** 50 %    **9.3** 75 %    **9.4** 20 %    **9.5** 1 %    **9.6** 5 %

10 Ermitteln Sie durch Kopfrechnen. Wie viel Gramm sind von einem Kilogramm Butter:

**10.1**  $\frac{1}{10}$     **10.2**  $\frac{2}{10}$     **10.3**  $\frac{3}{10}$     **10.4**  $\frac{4}{10}$     **10.5**  $\frac{6}{10}$     **10.6**  $\frac{7}{10}$

11 Rechnen Sie im Kopf. Wie viel Milliliter sind von einem Liter Milch (Angaben als Dezimalzahlen):

**11.1**  $\frac{1}{2}$     **11.2**  $\frac{1}{4}$     **11.3**  $\frac{1}{8}$     **11.4**  $\frac{3}{4}$