

**OSTWALDS KLAISIKER
DER EXAKTEN WISSENSCHAFTEN**
Band 256

Mathematisches Tagebuch

1796 – 1814

von

Carl Friedrich Gauss

Verlag Harri Deutsch

OSTWALDIS KLASSEK
DER EXAKTEN WISSENSCHAFTEN
Band 236



Carl Friedrich Gauß

30.4.1777–23.2.1855

OSTWALDS KLASSIKER
DER EXAKTEN WISSENSCHAFTEN
Band 256

Mathematisches Tagebuch
1796–1814

von
Carl Friedrich Gauß

Mit einer historischen Einführung
von Kurt-R. Biermann

Durchgesehen und mit Anmerkungen versehen
von Hans Walling und Olaf Neumann



Verlag Harri Deutsch

Die Repräsentationsfarben des Abdrucks des Tagessiegs wurden von der Niedersächsischen Staats- und Universitätsbibliothek freigemäßigerweise zur Verfügung gestellt.

Bibliografische Information bei Deutschen Nationalbibliothek:

Die Deutsche Nationalbibliothek verzeichnet diese Publikation in der Deutschen Nationalbibliografie; detaillierte bibliografische Daten sind im Internet über <http://dnb.d-nb.de/> abrufbar.

ISBN 978-3-8171-3402-1

Dieses Werk ist urheberrechtlich geschützt.

Alle Rechte, auch die der Übersetzung, des Nachdrucks und der Vervielfältigung des Buches – oder von Teilen daraus – sind vorbehalten. Kein Teil des Werkes darf ohne schriftliche Genehmigung des Verlages in irgendeiner Form (Photokopie, Mikrofilm oder ein anderes Verfahren), auch nicht für Zwecke der Unterrichtsgestaltung, reproduziert oder unter Verwendung elektronischer Systeme verarbeitet werden. Zuwerkanflungen unterliegen den Strafbestimmungen des Urheberrechtsgesetzes. Der Inhalt des Werkes wurde sorgfältig erarbeitet. Dennoch übernehmen Herausgeber und Verlag für die Richtigkeit von Angaben und Hinweisen sowie für eventuelle Druckfehler keine Haftung.

• vollständig überarbeitete Auflage 2005, 2009
• Wissenschaftlicher Verlag Harri Deutsch GmbH,
Frankfurt am Main, 2009

Druck: Botschuk GmbH, Damstadt

Printed in Germany

Inhaltsverzeichnis

Vorwort zur fünften Auflage	3
Vorwort zur ersten Auflage	5
Historische Einführung	7
Reproduktion des Tageluchs	25
Übersetzung des Tagebuchs	65
Anmerkungen zum Tagebuch	133
Vorliegende ausführliche Kommentare	134
Kurze Bibliographie der Kommentatoren	139
Erläuterungen der Notizen	145
Abschließende Bemerkung	291

Vorwort zur fünften Auflage

Das mathematische Tagebuch von Gauß sowie seine Werke finden bis in die Gegenwart hinein aufhaltende Resonanz bei allen, die an der Mathematik und ihrer Geschichte interessiert sind. Davon zeugen in den letzten Jahrzehnten sowohl ein zweiter Nachdruck der Werke (1981) als auch eine englische ausgetüftelte Übersetzung des Tagebuchs (1984, letzter Nachdruck 2004). Überdies sind inzwischen weitere Kommentare zu einzelnen Nationen des Tagebuchs erschienen.

Nach wie vor ist das Tagebuch von Gauß die wichtigste Quelle für die zeitliche Abfolge und zum Teil auch für die inneren Zusammenhänge der Entdeckungen von Gauß in den Jahren 1796–1814.

Dies betrifft insbesondere die Entstehungsgeschichte der *Disquisitiones Arithmeticae*, des zahlentheoretischen Hauptwerkes von Gauß, dessen Erscheinen sich im Jahre 2001 zum 200. Male jährt.

Deshalb erscheint es uns im Gauß-Jahr 2005 – am 23. Februar jährt sich sein Todestag zum 150. Mal – mehr als gerechtfertigt eine fünfte Auflage der deutschen Übersetzung mit erweiterten Kommentaren und aktualisierter Bibliografie vorzulegen. Besonderer Dank gebührt Prof. Dr. habil. Kurt-R. Biermann (1919–2002, Berlin), der uns

In einer brieflichen Mitteilung zu einer Verbesserung der Übersetzung erregte und uns vor allem auf seine jeweils neu publizierte Einrätzung (1997) des Eintrags Nr. 43 aufmerksam machte.

Der Nutzwert der neuen Auflage wird durch Doppelungen der Texte deutlich verbessert: Jeweils auf Doppelseiten sind im ersten Teil handschriftlicher und lateinischer Text gegenübergestellt, im zweiten Teil lateinischer und deutscher Text und im dritten Teil schließlich deutscher Text und die erweiterten Kommentare.

Jena, im April 2005

O. Neumann

Vorwort zur ersten Auflage

Wissenschaftliche Tagebücher haben einen ganz besonderen Reiz. Der 200. Geburtstag von Carl Friedrich GAUSS (1777–1855) motiviert einen aktuellen Anlass, sein beeindruckendes mathematisches Tagebuch in der traditionellen Reihe von „Ostwalds Klassikern der exakten Wissenschaften“ neu und damit in einer leicht zugänglichen Form und erstmals auch mit einer Übertragung des lateinisch geschriebener Originals ins Deutsche herauszugeben.

Bei der Übersetzung stand nicht die sprachliche Eleganz im Vordergrund, sondern die Bezeichnungen, die Eigenheiten des Stiles von Gauß möglichst wortgetreu wiederzugeben. Auch war es jedesmal, dass es sich bei dem Tagebuch um Notizen für den persönlichen Gebrauch und nicht um Mitteilungen an Dritte handelt. Wo es sich zwangsläufig durchführen ließ, wurde innerhalb des deutschrückigen Textes die mathematische Formulierung modernisiert.

Das schwierige Vorhaben dieser Neuauflage konnte nur das Ergebnis vertrauensvoller interdisziplinärer Zusammenarbeit von Mathematikern, Philologen, Mathematikhistorikern und dem Verlag sein. Herzlicher Dank gilt allen, die zum Gelingen dieses Werkes beigetragen haben: den Herren Prof. Dr. H. Beckert (Leipzig), Dr. P. Flury (Thesauruskino München), Dr. G. Chr. Hansen (Berlin),

H.-J. Baumis (Leipzig), Prof. Dr. O.-H. Keller (Halle),
Prof. Dr. H. Sallé (Leipzig), K.-H. Schlote (Leipzig), Dr.
R.-R. Thiele (Halle), Prof. Dr. E. Zeidler (Leipzig), ganz
besonders Frau Dr. E. Schindmann (Leipzig), und den Her-
ren Prof. Dr. K.-R. Biermann (Berlin), Prof. Dr. G. Eh-
senerich (Leipzig) und Prof. Dr. W. Engel (Rostock).

Leipzig, im November 1975

H. Winkler

Historische Einführung

Biermann, Kurt R. (1919-2002)

Wenn CARL FRITZIMUS GAUß (1777-1855), der größte Mathematiker des Neunzehnten Jahrhunderts, seine mathematische Ergebnisse in aller Regel mit dem Hinweis reagierte, dass Resultate seine ihm schon seit langer Zeit häufig schon seit seiner Jugend bekannt seien, so wußten seine engeren Freunde, daß er die volle Wahrheit sprach: Sie versuchten wiederholst, ihn aus öffentlichen Bekanntmachungen seinen Funde zu verunlassen. Das war freilich vergebliche Farbenmühe: GAUß nahm solche Bitten und Ratschläge höchst ungern auf.¹ Den Liebhaberastronom und Arzt WILHELM OEBERS (1778-1840), ein vertrauter Freund von Gauß, schrieb am 25. Januar 1825 an den ihm und Gauß befreundeten Astronomen FRIEDRICH WILHELM BESSEL (1784-1846):

„Gauß schreibt mir aber immer erst selbst die schmackhaftesten Früchte pflücken zu wollen, zu denen der von ihm gefundene und gebaute Weg hinführt, ehe er anderen denselben zeigt. Ich halte dies für eine kleine Schwäche, hat der sonst so großen Mannes, nur so wenige zu erklären, da er bei seinem unermesslichen Reichtum an

¹ Biermann, Kurt R.: Über die Beziehungen zwischen C. F. Gauss und F. W. Bessel. Mitz. Gauß-Ges. 3 (1966), S. 7-20; insbes. S. 10-12.

Ideen so vieles wegnachbrennen hat".⁷

Die Freunde also zweifelten nicht an GAUSS' Priorität; sie versuchten nur erfolglos, ihn dazu zu bewegen, seine Münze mit allen seinen Erkenntnissen teilen zu lassen, denn sie waren mit BESSIÉL einer Meinung, wenn dieser zu GAUSS schrieb:

„Wo wurden die mathematischen Wissenschaften nicht allein in Ihrer Wohnung, sondern in ganz Europa jetzt sein, wenn Sie alles ausgesprochen hätten, was Sie aussprechen könnten“.⁸

Damit ihrer stehende, vor allem jüngere Zeitgenossen waren jedoch nicht so sicher, ob der „Fürst der Mathematiker“ nicht doch hier und da etwas abseitliche oder unvermeidbare GAUSS-wille oder -kunst freudiges Verdienst nicht gelten lassen.

Je mehr nun dessen von seinem Briefwechsel publiziert wurde, desto eindrucksvoller zeigte es sich, wieviel Ergebnisse so GAUSS besessen hat, deren er in seinen fundamentalen Veröffentlichungen keine Erwähnung getan hat. So schrieb beispielsweise KARL WEIERSTRASS (1815–1897), der wohl hervorragendste Mathematiker der zweiten Hälfte des neunzehnten Jahrhunderts, nach dem Erscheinen des Briefwechsels zwischen GAUSS und BESSIÉL 1880 mit bewunderndem Staunen fest, „dass GAUSS schon im Anfange des Jahrhunderts im Besitz der wesentlichsten Grundgedanken unserer heutigen Analysis gewesen ist“.⁹

Wir wissen, warum GAUSS nicht alle Früchte seiner mathematischen Forschungen publiziert hat und das,

⁷ Briefwechsel zwischen W. Osiens und F. W. Bessel. Hrsg. v. Adolph Ettinger. Bd. 2. Leipzig 1852. S. 268.

⁸ F. W. Bessel, an C. F. Gauss. 28. 3. 1837. Briefwechsel zwischen GAUSS und BESSIÉL. Hrsg. v. Arthur August Lehmus 1890. S. 516, 517.

⁹ An H. A. Schwarz. 30. 12. 1880. Siehe Fußnote 1. S. 12–13.

OLMEIS mit seiner attierten Annahme nicht mehr hätte. Es kommen mehrere Gründe zusammen: Einmal waren in seine Befreiungskampf auf Universitätsreise zu ziehen und seine Abneigung gegen daraus resultierende Kontroversen. So hat er beispielsweise nichts über nichtenklidische Geometrie veröffentlicht, weil er das „Geschehen der Boerster“ der Ignoranten also „irritierte“.⁷

„Ich habe einen großen Widerwillen dagegen, in irgend eine Polemik gezogen zu werden; ein Widerwille, der mit jedem Jahr vergrößert wird.“⁸

Ferner ließen ihm die Pflichten, denen er sich nicht entziehen konnte oder wollte, wie etwa seine Vorlesungen und ab 1818 seine geodätischen Aufgaben, nicht die nötige Ablenkung einer Ausarbeitung – immer schon in einer solchen vollen Form, die den hohen Ansprüchen genügte, welche er an seine Publikationen stellte. Das Dozenten nannte er eine „unabkömmlinge Arbeit“, mit der er „die alte Zeit“ verließ,⁹ vielfach abziehende Geschäfte¹⁰ erlaubten ihm nicht, sich seinem „Meditations“¹¹ zu widmen; die Tumultuation Hahnoris glaubte er nicht abweisen zu können, da sie „obwohl mit leisend Beschwerden verbunden und vielleicht aufrissend auf meine Kräfte wirkend, doch recht nützlich ist“.¹²

Sodann verhinderten die langjährigen Leiden seiner zwei-

⁷ An F. W. Bessel, 27.1.1820. Siehe Fußnote 3, S. 190.

⁸ An H. C. Schumacher, 1.10.1833. Bezeichnend erwähnen F. F. Hauck und H. C. Schumacher: *Hrsg. v. G. A. F. Döring*, Bd. 6, Altana 1905, S. 47.

⁹ An W. Ohlens, 26.11.1802. Wilhelm Ohlens: *Born Leben und seine Werke*. Hrsg. v. C. Schilling, Bd. 2, Abt. 1, Berlin 1900, S. 105–106.

¹⁰ An W. Ohlens, 21.1.1818. Ibid. S. 320.

¹¹ An H. C. Schumacher, 21.11.1825. Siehe Fußnote 6, Bd. 2, 1905, S. 37.

¹² An F. W. Bessel, 14.3.1824. Siehe Fußnote 4, S. 478–479.

von Frau WILHELMINE ("Minne") (1788-1831) und das Zerwürfnis mit dem ältesten Sohn aus zweiter Ehe EUGEN GAUSS (1811-1896)¹¹, das Aufkommen jener ausgeglichenen Stimmung, ohne die er einfach nicht in der Lage war, produktiv tätig zu sein. Ich brauche dann Heiterkeit des Geistes, und die ist leider nur zu sech und zu vollauf getrunkt - klage er.¹² Die "Stürme" hätten an seinem „innersten Lebensmark gezaubert“: „Lebensfreudigkeit und Lebensmut“ seien von ihm „gewünscht“ und er wisse nicht „ob sie je wieder kommen werden. Was mich so schwer drückt, ist das Verhältnis zu dem Taggenichts [EUGEN] in Amerika, der meinen Namen entstieß“.¹³

In seiner „physikalischen Periode“ (1830-1840) waren es dann anderweitige Interessen, insbesondere die gemeinsam mit WILHELM WEIERSTRASS (1804-1891) unternommenen ergänzenden Versuche und Forschungen, die ihn von der reinen Mathematik abzogen.

Als endlich jene Stürme vorüber waren, der Tod der zweiten Frau und der seiner geliebten Tochter aus zweiter Ehe MINNA, Ewald (1808-1840) verwunden, das Einvernehmen mit EUGEN wiederhergestellt, war der erzwungene Wegzug von Weimar, eines der „Göttinger Sieben“, die Anteilnahme an der Erforschung des Erdbebenzyklus hatte erledigt lassen, da waren es die mit dem Alter mündesenden Kräfte, die die Ausführung der alten Pläne verhinderten:

Mit dem Fortschreiten der Edition seiner Schriften und

¹¹ Letzte Thes. C. F. Gauß und seine Söhne. Mitt. Gauß-Ges. 3 (1966), S. 40-55.

¹² An F. W. Bessel, 28.2.1839. Siehe Fabius 2, 8, 521.

¹³ An C. L. Gerling, 13.11.1831. Briefwechsel zwischen C. F. Gauß und Christian Ludwig Gerling. Hrsg. v. Clemens Schaefer. Berlin 1907, S. 107.

Briefe schob und erwähnt die Verwunderung über die Fülle und Tiefe der Ergebnisse, die GAUSS zu sagen gern und an denen er die Allgemeinheit aus dem genannten Ursprung nicht hätte partizipieren lassen. Der Kläring aber hätte weiter die Frage ob die wethlichen Angaben, die GAUSS in seinen Briefen gemacht hatte, auf zuverlässigen Formulierungen beruhten, bzw. es führte für viele unklare Ausarbeitungen und Notizen die Basis für eine Chemodisierung.

Da fand PAUL STÄCKEL (1863-1919) 1898 im Besitz des GAUSSschen Erbes CARL GAUSS (1849-1927) das mathematische Tagebuch des Großen und leitete dadurch eine Wende in der GAUSS-Forschung ein, indem nun auf gesicherte Grundlage die Problematik der Genese der GAUSSschen Entdeckungen untersucht werden konnte. Ja, nur CARL GAUSS lebte als Rentner in Hanau und verfügte über Teile des GAUSSschen Nachlasses, denen bei der Erbschaftsteilung „privater“ Charakter zugeschaut wurde und die deshalb nicht vom Staat erworben worden waren.¹⁴ Es ist anzunehmen, daß JOSEPH GAUSS (1808-1873), der älteste Sohn aus GAUSS' erster Ehe und Vater des CARL GAUSS, bei der Trennung der Papagee persönlichen Inhalts von dessen wissenschaftlichen Charakter nicht erkannt hat, wohl auch nicht erkennen konnte welche hervorragende Bedeutung dem recht unscheinbaren Oktavheftchen von 19 Seiten Uingang für die Erforschung des Werkes seines Vaters zuläuft. Daß GAUSS ein deutsches Tagebuch geführt hat, zeigt STÄCKEL aus dem Brief von GAUSS an ORBENS vom 24. I. 1812 ersehen haben, in dem GAUSS von dem Tagebuch mit einem „Notizenjahr“

¹⁴ KLEIN, FRIE: Vorlesungen über die Entwicklung der Mathematik im 19. Jahrhundert. Teil 1. Berlin 1920, S. 30

mal sprach.¹⁵ Sein Spürsinn führte ihn dann zur richtigen Stelle, an der tatsächlich das Heft mit dem umfassendsten Inhalt lag. Nicht ohne Mühe gelang es, den Besitzer dazu zu bewegen, das Dokument, zunächst leitweise zur Anwendung zur Verfügung zu stellen.

FRIEDRICH KLEIN (1849–1925), dem STACKEL als dem Mörter der Herausgabe des GAUSS'schen Werke in dieser Zeit das Tagesschau überließ, unterrichtete die Öffentlichkeit sowohl vom dem sensationellen Fund¹⁶ und ließ dieser ersten Nachricht schon bald einen Abdruck mit Erläuterungen in der Festschrift zur Feier des 150jährigen Bestehens der Göttinger Akademie¹⁷ sowie in den Mathematischen Annalen¹⁸ folgen. LUDWIG SCHLESINGER (1804–1943) nahm sodann 1917 das Tagesschau in die GAUSS'sche Werkzeugausgabe auf, einmal in Form einer faksimilierten Nachbildung,¹⁹ zum zweiten als Abdruck²⁰ mit kurzen Kommentaren. In den KLEINs Erläuterungen benutzt wurden, außer sich aber außer SCHLESINGER selbst und STACKEL auch so namhafte Gelehrte wie PAUL BACHMANN (1857–1929), MARTIN BRUNNEN (1861–1939), RICHARD DEDEKIND (1831–1916), ANDREAS GALLO (1858–1943), ALFRED LOEWY (1873–1945) beteiligt haben.²¹

Nun lag der interessierten Öffentlichkeit eine Wiederga-

¹⁵ Siehe Carl Froehlichs Werke, Bd. 9, Leipzig 1899, S. 183.

¹⁶ Nachdruck des Kodex Ges. d. Wiss. an Göttingen (1899), H. 1, Geschichtl. Mat.-Mus. Annalen 53 (1899), 6–46, 48.

¹⁷ Beiträge zur Geschichtsgeschichte Göttingens, Berlin (1911) 8, 1–44, 57–1003, S. 1–34.

¹⁸ Siehe Froehlichs 15. Bd. 10/1, Leipzig 1917, Nachr. S. 482.

¹⁹ Ebd. S. 483–572.

²⁰ Einem weiteren wichtigen Beitrag zur Interpretation postierte JÜRGEN HERZOG (1881–1953). Zu letztem Eingang im Göttinger Tagesschau, Bericht über die Verhandl. der Sachs. Akad. d. Wissenschaften (phys. Klasse), 73 (1923) S. 273–276.

be des Tagebuchs vor, die einen Einblick in die kreative Periode dieses Genies gestattete und die zugleich nach dem Staute des immensen Wissens die Hilfen zum Verständnis des Gaußschen Textes liefert; die wissenschaftliche Werdegang des jungen GAUSS war für die entscheidenden Jahre 1796–1800 mit dann mit Überbetrachtungen für seine „astronomische Schaffensperiode“ bis 1814 nachzuholen geworden.

Mit diesem Tagebuch wurde den verschiedenen Kategorien der Selbstdarstellung – den das häusliche Leben und familiäre Ausgaben festhaltenden Tagbüchern, den die Umwelt im weiteren Sinne und die Zeiteignisse wiederspiegelnden Tagebüchern, den Reisetagebüchern, den chronologischen Niederschriften über Gespräche mit bedeutenden Zeitgenossen, den Zeugnissen der Selbstbeschäftigung und -erkennung, den Diarien mit Betrachtungen und Ideen u. a. – eine weitere Kategorie hinzugefügt, die das Arbeitsjournals in Form eines mathematischen Tagebuchs er berichtet historisch über die geistigen Fortschritte des Verfassers allein auf seinem Spezialgebiet und reflektiert dabei gelagentlich die Geistesbewegung des Autors bei ihm wesentlich erscheinenden Erträgen des fortlaufenden Arbeitens.

Welche allgemeinen Schlüssefolgerungen lässt nun dies Tagebuch zu?

Zunächst einmal drängt sich der Eindruck auf, dass der immer kaum zwanzigjährige GAUSS wie dies ganz natürlich ist, noch nicht der gemessen auftretende, stets auf Würde bedachte, seines Wertes voll bewusste Mann war, als der er später seinen Zeitgenossen erschien. Die Freude über gelegckte Funde und an verschwendlichen Lust machte dort dann sein Jungling lärmich jubeln, wenn er sich am Ziel eines Gedankenganges einen Beweisführer siele-

Sodann, auch darauf hat KREIS schon hingewiesen, zeigt es sich, daß neben tiefgründenden, ja bahnbrechenden Ergebnissen und Anfangsergebnissen auch andere zu seiner Zeit längst bekannte Tatsachen verzeichnet sind. Das ist so zu erklären, daß GAUSS sie unabhängig von seinen Vorgängern gefunden hat und daß sein Urteil noch nicht bei ausgewogen war, um das wirklich Bedeutende vom Elementaren zu trennen. GAUSS war eben noch zu jung, auch genauer Anfänger und stand am Beginn seines Laufbaums. Zudem war er auf sich selbst gestellt, da von seinen Lehrern in Göttingen wenig fachliche Förderung zu erwarten war. Selbständige lernte er und studierte in dieser Zeit grundlegende Arbeiten der mathematischen Klassiker. Auf der Liste der in jener Zeit von ihm aus der Göttinger Universitätsbibliothek entliehenen Bücher²² stehen Autoren wie LEONHARD EULER (1707–1783), ISAAC NEWTON (1643–1727), JOHANN HEINRICH LANDEAU (1728–1777), EDWARD WARING (1734–1798), JOHN LANDEN (1739–1790), ROGER COOTES (1682–1716), ALEXIS CLAUSÉ CLADRAUT (1713–1765), JOSEPH-Louis LAGRANGE (1736–1813), PIERRE de FERMAT (1601–1665), jnden auch Schriften der Akademien in Paris, London, Berlin, Petersburg, Turin, Rom. Aber GAUSS hat wieder damals noch später die Zeit aufgewendet, um zu prüfen, ob ein von ihm gefundenes Resultat zuvor schon bekannt gewesen ist. Er schuf sich das, was er brauchte selbst und stellte nicht erst historisch-literarische Nachforschungen an, ob jemand ihm vorgekommen sei. Solche Rechtfertigung, bekanntes er einmal seien nicht nach sei-

²² Dunington, G. William Carl Friedrich Gauß. Titan of Science. With additional material by Jeremy Gray and Fritz-Egbert Dohse. Revised edition. Washington, DC: Mathematical Association of America, 2004, S. 398–401.

sein Geschmack, es fehlten ihm dafür Zeit wie Neigung.²³ Zudem hatte sein Gedächtnis „von jeher“ die „Schwäche, daß aller Gedachte bald spurlos daraus verschwindet, was im Augenblick des Denkens sich nicht an etwas unmittelbar interessierendes anknüpft.“²⁴ Diese beiden Gründe, die Abneigung gegen das „Nachdenken“²⁵ und die erwähnte Besonderheit seines Gedächtnisses, führten nachmals daran, daß er Zeitgenossen weniger oft zitierte, als sie es erwarteten. Dies hat ihn manchen Vorwurf eingebracht. So schrieb etwa CARL GUSTAV JACOB JACOM (1804–1851) an HESSEK: „Bei GAUSS heißt es nicht: *de mortuis nil nisi bonum*, sondern: *de mortuis et de vivis nihil.*“²⁶ Bei GAUSS heißt es nicht: über Tote nichts außer Gutein; sondern über Tote und Lebende nichts.)

Eine weitere Eigenart von GAUSS mit allgemeinem Interesse tritt gleichfalls schon im Tagebuch aus Licht. WILHELM KLEIN berichtete erkannto GAUSS beim Zahlentheoretischen Gesetze, die er dann in letzter Arbeit bewies. Weniger deutlich wird im Tagebuch der weitere Ablauf des zyklischen Prozesses nämlich die Anwendung der in der arithmetischen Praxis induktiv erfahrenen und dann bewiesenen Gesetze auf das Zahlentheorem, das dann erneut

²³ Am II, 1: Schausüber 6, 1 (1840). Siehe Fußnote 6, Bd. 3, 1863 S. 388.

²⁴ Am II, 1: Schausüber, 12, 2 (1841). Siehe Fußnote 6, Bd. 3, 1863 S. 9.

²⁵ Am II, 1: Schausüber, 13, 1 (1839). Siehe Fußnote 6, Bd. 3, 1863 S. 229.

²⁶ Am 2. 4. 1850: HESSEK, KURT: Aus der Korrespondenz der Nachfolgerin Alexander von HUMBOLDT von 1836 an den Präsidenten der Royal Society zur Errichtung geomagnetischer Stationen (Dokumente zu den Beziehungen zwischen A. v. HUMBOLDT und C. F. GAUSS). Wiss. Ze. Humboldt-Univ., math.-natur. Kl. 12 (1963) S. 200–224, insbes. S. 222.

auf höherer Stufe zur Erkenntnis aufgewandeltere Resultate führte dies.

Es ist nicht Zufallstzung dieser Erfahrung, den Inhalt des Tagetbuchs zu rekonstruieren. Die verhältnismäßig geringe Umfang, die Übersetzung und die Erläuterungen gestatten sich noch einen Überblick zu verschaffen. Hier sei nun vielmehr an einem Beispiel dargestellt, wie das Tagetbuch die Angaben von GAUSS bestätigt und die Wahrheit seiner biographischen Aussagen beweist.

Nach der Methodus der kleinsten Quadrate war bekanntlich der Nachweis der Konstruierbarkeit des zugemütkigen Siebenzehnsecks mit Zirkel und Lineal mit der Erarbeitung der Grundzüge für die Kreisteilung sowie damit die Ermittlung aller mit Zirkel und Lineal konstruierbaren regelmäßigen Vierecke,²⁷ die erste selbständige mathematische Entdeckung des jungen GAUSS, eine Entdeckung die ihn zgleich unter die bedeutendsten Mathematiker seiner Zeit stellte. Brieflich äußerte sich GAUSS gegenüber seinem jüngeren Schüler CHRISTIAN LUDWIG GERHARDT (1789–1864) am 6. 1. 1810 über die späteren Umstände des Freuden:

„Das Geschichtliche jener Entdeckung ist leider nirgends von mir öffentlich erwähnt, ich kann es aber sehr genau angeben. Der Tag war der 29. März 1796 und der Zufall hatte gar keinen Anteil daran. Schon früher war alles, was auf die Zertheilung der Wurzeln der Gleichung $x^3 - 1 = 0$ in zwei Gruppen sich bezieht von mir schrieben, sofern der *scheine* Lehrsaal [Disputationes] Arithmeticae, Leipzig 1801], p. 637 unten, abhängt, und zwar im Winter 1796 (meinem ersten Semester in Göttingen), ohne daß ich den Tag-

²⁷ Walling, Hahn, Carl Friedrich Gauß, Leipzig 1974, S. 16–21.